

# MATEMÁTICAS

## MATERIALES

### PARA EL

### AULA

### 3º de ESO

#### ÍNDICE

- |   |    |
|---|----|
| 1. Materiales para el aula (General)        | 2  |
| 2. Materiales para los diferentes capítulos | 7  |
| 3. Más materiales sobre “Movimientos”       | 14 |

[www.apuntesmareaverde.org.es](http://www.apuntesmareaverde.org.es)



I.S.B.N. - 13: 978-84-697-0275-8

I.S.B.N. - 10: 84-697-0275-0

#### Propiedad Intelectual

El presente documento se encuentra depositado en el registro de Propiedad Intelectual de Digital Media Rights con ID de obra AAA-0181-02-AAA-052236

Fecha y hora de registro: 2014-09-07 17:16:03.0

Licencia de distribución: CC by-nc-sa



Queda prohibido el uso del presente documento y sus contenidos para fines que excedan los límites establecidos por la licencia de distribución.

Más información en <http://www.dnrights.com>



## MATERIALES PARA EL AULA

### EN INTERNET

#### WEB

- ✚ Autor de algunos capítulos de Marea Verde de Matemáticas, José Gallegos Fernández, tiene un Blog que obtuvo un premio de Thales Granada, que incluye bloques de contenidos, recursos, lecturas, ejercicios y vídeos desde 1º de ESO a 2º Bachillerato.

[JGF-PITÁGORAS 2.0 \(google.com\)](http://jgf-pitagoras20.blogspot.com)

- ✚ Autor de algunos capítulos de Marea Verde de Matemáticas, **Fernando Merchán**, de la Comunidad autónoma de Andalucía, tiene un Blog, que incluye ejercicios y vídeos desde 1º de ESO a 2º Bachillerato.

<https://matestube.blogspot.com/>

- ✚ Una página web muy completa con teoría y problemas resueltos, con chistes matemáticos y muchas cosas más es de un compañero de Marea Verde, José Luis Lorente. Te aconsejo visitarla y, seguro, encontrarás cosas que te van a gustar:

[http://www.joseluislorente.es/index .htm](http://www.joseluislorente.es/index.htm)

- ✚ ¡Un blog sobre Matemáticas! David Orden, profesor en la Universidad de Alcalá, lleva ya durante varios años este blog donde puedes encontrar interesantes artículos.

<http://cifrasyteclas.com/>

- ✚ Un profesor de Lorca (Murcia), **Jose Antonio Martínez Chico**, trabaja en un programa que genera hojas de ejercicios, así como sus soluciones y la corrección paso a paso. El programa original es [pyromaths](#) (está en francés y genera hojas en PDF), pero él lleva un tiempo traducéndolo y mejorándolo, de manera que ha creado [pyromaths+](#) que está ahora completamente en español y ahora también genera hojas de ejercicios en HTML y DOCX (MSWord 2007+)

Lo puedes encontrar en el foro de la página de pyromaths:

<https://forum.pyromaths.org/viewtopic.php?f=22&t=457>

o también en la carpeta del Drive:

<https://drive.google.com/drive/folders/13J2ycl9tggUyV0CgOg5Ns0WDgXuzhqv?usp=sharing>

- ✚ Un profesor de Tenerife, Sergio Darias Beutell, ha confeccionado una página web con **flash de Matemáticas** que él utiliza en sus clases, y ofrece para que el profesorado pueda también utilizarlos y descargarlos:

<http://www3.gobiernodecanarias.org/medusa/ecoblog/sdarbea/page/3/>

- ✚ Y más actividades por otro autor de Marea Verde, Álvaro Valdés, sobre el cálculo de  $\pi$  por el método de Exhaustión, en:

[http://www.vccsse.ssai.valahia.ro/dvd/matrix/2/3/1290-Tarea\\_Final\\_Geogebra.pdf](http://www.vccsse.ssai.valahia.ro/dvd/matrix/2/3/1290-Tarea_Final_Geogebra.pdf)

## LECTURAS RECOMENDABLES

Muchas lecturas matemáticas recogidas de los periódicos y clasificadas pueden encontrarse en la página **Diigo** de nuestro compañero Juan José López:

### [Lecturas matemáticas para 3º de ESO](#)

## VÍDEOS

Un vídeo hecho por Cristobal Vila en Zaragoza sobre el **número de oro**:

<http://vimeo.com/9953368>

con la sucesión de Fibonacci, rectángulos áureos, espirales... Nunca había visto la relación con las alas de libélulas.

jmsreales es un canal de youtube dedicado a las Matemáticas, donde podemos encontrar numerosos vídeos de ejercicios resueltos, metodologías de estudio, aclaraciones de conceptos clave, trucos... El canal esta activo y en constante actualización y cualquiera que quiera puede interactuar proponiendo temas nuevos, ejercicios o soluciones alternativas.

<http://youtube.com/jmsreales>

## **Diigo**

También Juan José López tiene vídeos:

[Vídeos matemáticos | Diigo](#)

## LAS MATEMÁTICAS Y +

- Web, todavía en construcción, donde Luis Balbuena Castellano, (de Canarias) va a ir colocando materiales para ayudar a enseñar Matemáticas:

<http://www.luisbalbuenacastellano.com/>

## AULA VIRTUAL

- Vicente González Valle, profesor en Extremadura, tiene un aula virtual que contiene vídeos y otros materiales que pueden ser de ayuda. Puedes verlos en:

[http://www.vicentegonzalezvalle.es/matematicas\\_en\\_casa/](http://www.vicentegonzalezvalle.es/matematicas_en_casa/)

- Página de inicio del aula virtual “Pensamiento Matemático” del grupo de innovación educativa “Pensamiento Matemático de la Universidad Politécnica de Madrid:

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/>

## FLASH

Un profesor de Tenerife, Sergio Darías Beautell, ha confeccionado una página web con **flash de Matemáticas** que él utiliza en sus clases, y ofrece para que el profesorado pueda también utilizarlos y descargarlos: Indica para qué nivel educativo son adecuados: 1º, 2º 3º de ESO. Utilízalos:

<http://www3.gobiernodecanarias.org/medusa/ecoblog/sdarbea/page/3/>

## JUEGOS:

### Mate - Trivial

- Un TRIVIAL con preguntas de Mates: MATE - TRIVIAL

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/225>

### Una mazmorra llena de desafíos, the Math Castle

- The Math Castle es un videojuego que consiste en una colección de pruebas relacionadas con diferentes aspectos de las matemáticas. Se juega en este mismo buscador de Internet, sin necesidad de descargar el juego.

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/237>

### Juegos, pasatiempos y enigmas matemáticos:

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/9>

### Retos

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/retos/retonumeros>

- Coloreando mapas
- La cuerda del burro
- Suma de letras
- Ajedrez recortado
- Reto con números
- ¿Dónde está el error?

### Juegos

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/11>

- 10 cajas
- Cambia caballos
- La cifra misteriosa
- juegos con pesas
- Torre de dados

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/juegos/ciframisteriosa>

### Enigmas

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/enigmas>

- El agricultor, la col, la oveja y el perro
- Enigma propuesto por Einstein:

Este enigma que propuso Einstein decía que el 68 % de la población no era capaz de resolverlo.

Es un juego de lógica, ¿te atreves?

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/43>

- La torre de Hanoi

### Geometría

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/13>

- El acertijo del mercero

## Anecdario

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/14>

- 5050
- Un trato ventajoso
- Duendes que desaparecen
- El número PI
- Fibonacci y flores
- Matemáticas en la vida cotidiana
- Sudoku de Dürero
- Cicloide
- El Hiperjuego

## Más juegos en:

En el blog “Sobre todo, Matemáticas... y de las buenas, bonitas y baratas” puedes encontrar más juegos matemáticos como: Nim, Llegar a 100, rellenar la mesa, Sim... entre otros:

<http://matemelga.wordpress.com/juegos/>

## Documentales

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/254>

- Dimensions
- Más por menos
- Universo matemático
- Talleres

## Resolución de problemas

- Problemas, problemas, problemas, ¿quién no tiene problemas? ¿A quién no le gustaría saber resolverlos? En el Aula de Pensamiento Matemático se reflexiona sobre cómo otros han pensado sobre la resolución de problemas. Puedes ver un vídeo, los modelos teóricos, el método heurístico, estrategias heurísticas, y los bloqueos además de una colección de problemas interesantes.

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/91>

## Más problemas interesantes en:

En el blog “Sobre todo, Matemáticas... y de las buenas, bonitas y baratas” puedes encontrar más sobre problemas. En la colección hay una recopilación de problemas clásicos matemáticos que se pueden encontrar en la red y el libro “100 problemas maravillosos”:

<http://matemelga.wordpress.com/la-coleccion/>

## Presentaciones:

Conferencias en forma de PowerPoint

<http://www2.caminos.upm.es/Departamentos/matematicas/grupomaic/conferencias.htm>

- El número de oro

<http://www2.caminos.upm.es/Departamentos/matematicas/grupomaic/conferencias/11.Numero%20de%20oro.pdf>

- Frisos y mosaicos

<http://www2.caminos.upm.es/Departamentos/matematicas/grupomaic/conferencias/14.Mosaicos.pdf>

- El entorno como recurso didáctico

<http://www2.caminos.upm.es/Departamentos/matematicas/grupomaic/conferencias/16.El%20entorno.pdf>

- Enseñanza de la geometría a través de Grace Chisholm Young.

<http://www2.caminos.upm.es/Departamentos/matematicas/grupomaic/conferencias/5.Grace.pdf>

## Artículos:

Para convencerte de que las ciencias y las letras no están peleadas te invitamos a leer este artículo

- ¿Son las letras enemigas de los números? Marta Macho Stadler

[http://www2.caminos.upm.es/Departamentos/matematicas/archivos\\_aula/letras\\_numeros.pdf](http://www2.caminos.upm.es/Departamentos/matematicas/archivos_aula/letras_numeros.pdf)

Para que veas que hay Matemáticas incluso en el amor y que hay amor incluso en las Matemáticas

- Las matemáticas del amor. María Dolores López González

[http://oa.upm.es/20999/1/INVE\\_MEM\\_2012\\_129999.pdf](http://oa.upm.es/20999/1/INVE_MEM_2012_129999.pdf)

## Aula virtual:

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/>

## Divulgamat

Divulgamat es un centro virtual de divulgación matemática donde puedes encontrar información:

<http://www.divulgamat.net/>

[http://www.vccsse.ssai.valahia.ro/dvd/matrix/2/3/1290-Tarea\\_Final\\_Geogebra.pdf](http://www.vccsse.ssai.valahia.ro/dvd/matrix/2/3/1290-Tarea_Final_Geogebra.pdf)

## Geogebra

Puedes encontrar actividades en Geogebra en el Proyecto Gauss:

<http://recursostic.educacion.es/gauss/web/>

Y más actividades por otro autor de Marea Verde, Álvaro Valdés, sobre el cálculo de  $\pi$  por el método de Exhaución, en:

## Libros:

Es posible disfrutar de una lectura amena y a la vez reflexionar e introducirse en problemas o cuestiones matemáticas.

<http://innovacioneducativa.upm.es/pensamientomatematico/node/193>

- Novelas con contenido matemático
- Historias de Matemáticas
- Cuentos matemáticos

Si te interesan la magia y las matemáticas, magia y matemática, ¿es posible?

- **Matemagia. Los mejores trucos para entender los números**

Autor: Fernando Blasco

Editorial: Temas de hoy

Biografías de mujeres matemáticas y actividades de aula

- Matemáticas en las Matemática. El juego de Ada

Autores: Lourdes Figueiras y otros

Editorial: Proyecto Sur

Un paseo por las diversas ramas de la Matemática a través de más de 50 problemas de ingenio

- Matemáticas para divertirse

Autor: Martin Gardner

Editorial: Granica ediciones

## Una bibliografía interesantes en:

En el blog “Sobre todo, Matemáticas... y de las buenas, bonitas y baratas” puedes encontrar una biblioteca con reseñas de libros y de artículos:

<http://matemelga.wordpress.com/biblioteca/>

## MATERIALES PARA EL AULA EN INTEF (Banco de Imágenes y

## sonidos)

En el banco de imágenes y sonidos del INTEF, Instituto Nacional de Tecnologías Educativas y de Formación del Profesorado del Ministerio de Educación hay colgadas imágenes, fotografías y animaciones. Hemos seleccionado algunas animaciones que nos han parecido adecuadas para utilizar en el aula en este curso de Bachillerato:

### Capítulo 1. Números racionales

Representación gráfica de las raíces cuadradas de los números naturales: Caracol de Pitágoras, de autora Isabel Martín Rojo.

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/Bachillerato/Materiales/183232\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/Bachillerato/Materiales/183232_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/Bachillerato/Materiales/183232\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/Bachillerato/Materiales/183232_aa_1 fla)

Construcción geométrica del número pi como razón entre la longitud de la circunferencia y su diámetro, de autor José Ángel López Mateos.

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/Bachillerato/Materiales/185497\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/Bachillerato/Materiales/185497_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/Bachillerato/Materiales/185497\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/Bachillerato/Materiales/185497_aa_1 fla)

Interpretación de una fracción como el líquido ocupado en un depósito de volumen fijo, de autor Juan García Moreno

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195454\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195454_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195454\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195454_aa_1 fla)

### Capítulo 3. Sucesiones. Progresiones aritméticas y geométricas

Tres ejemplos de progresiones geométricas en la animación de Alejandro Cana.

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172211\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172211_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172211\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172211_aa_1 fla)

Construye la Sucesión de Fibonacci y el cociente de dos términos consecutivos de la sucesión, por Juan García Moreno

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195464\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195464_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195464\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195464_aa_1 fla)

### Capítulo 4. Expresiones algebraicas. Polinomios

#### Identidades notables

Para ver geométrica y gráficamente las identidades notables podemos usar las siguientes animaciones:

Construcción geométrica de la **suma por diferencia**, de autor Alejandro Cana.

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172242\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172242_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172242\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172242_aa_1 fla)

Construcción geométrica del **cuadrado de un trinomio**, de autor Alejandro Cana.

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172241\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172241_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172241\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172241_aa_1 fla)

Construcción geométrica del **cuadrado de una diferencia**, de autora Margarita Esnoz.

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172456\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172456_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172456\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/172456_aa_1 fla)

## Polinomios

Para ver animaciones sobre las operaciones con polinomios, donde podemos introducir los coeficientes, de autora Isabel Martín Rojo, podemos usar:

Para hacer **sumas** de polinomios:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195381\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195381_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195381\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195381_aa_1 fla)

Para hacer **productos** de polinomios:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195382\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195382_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195382\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195382_aa_1 fla)

Para hacer **cocientes** de polinomios:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195380\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195380_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195380\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195380_aa_1 fla)

Para utilizar la **Regla de Ruffini**:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195383\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195383_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195383\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195383_aa_1 fla)

## Capítulo 5. Ecuaciones y sistemas lineales

Hay varias animaciones para la resolución de ecuaciones de primer grado con una incógnita, de autora Isabel Martín Rojo

Resolución de ecuaciones de primer grado con una incógnita I

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195384\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195384_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195384\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195384_aa_1 fla)

Resolución de ecuaciones de primer grado con una incógnita II

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195385\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195385_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195385\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195385_aa_1 fla)

Resolución de ecuaciones de primer grado con una incógnita III

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195386\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195386_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195386\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195386_aa_1 fla)

Resolución de ecuaciones de primer grado con una incógnita IV

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195387\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195387_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195387\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195387_aa_1 fla)

## Capítulo 6: Proporcionalidad

Para hacer los cálculos de los problemas de interés puedes utilizar una “Hoja de cálculo”:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/Interes\\_compuesto.xlsx](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/Interes_compuesto.xlsx)

Basta que en la hoja de cálculo adjunta modifiques los datos de las casillas B5 donde está el “Capital inicial”, casilla B6 donde está el “Tanto por uno” y de la casilla B7 donde aparece el número de “Años”, y arrastres en la columna B hasta que el número final de años coincida con dicha casilla.

De igual modo puedes resolver problemas de anualidades y de capitalización usando las otras dos hojas.

## Capítulo 7. Revisión de geometría en el plano

Para comparar el perímetro del cuadrado y de la circunferencia, de autor Juan García Moreno

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195470\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195470_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195470\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195470_aa_1 fla)

Animaciones de autor José Ángel López Mateos sobre mediatrices y bisectrices o las rectas notables de un triángulo

Definición de la **mediatriz** de un segmento

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185485\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185485_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185485\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185485_aa_1 fla)

Propiedad geométrica de la **mediatriz** de un segmento

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185509\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185509_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185509\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185509_aa_1 fla)

Construcción de la **mediatriz** de un segmento

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185466\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185466_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185466\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185466_aa_1 fla)

Definición de la **mediatriz** de un triángulo

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185484\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185484_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185484\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185484_aa_1 fla)

Definición de la **bisectriz**

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185508\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185508_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185508\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185508_aa_1 fla)

Construcción de la **bisectriz** de un ángulo

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185464\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185464_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185464\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185464_aa_1 fla)

Construcción de la **bisectriz** de un ángulo (2)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185465\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185465_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185465\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185465_aa_1 fla)

Propiedad geométrica de la **bisectriz**

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185457\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185457_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185457\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185457_aa_1 fla)

Definición de la **mediana** de un triángulo

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185483\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185483_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185483\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185483_aa_1 fla)

**Alturas** de un triángulo acutángulo

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185448\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185448_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185448\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185448_aa_1 fla)

**Alturas** de un triángulo obtusángulo

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185449\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185449_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185449\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185449_aa_1 fla)

Para estudiar el **Teorema de Tales** con una animación, de autor Juan García Moreno:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195465\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195465_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195465\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195465_aa_1 fla)

## Capítulo 8: Movimientos en el plano y en el espacio

### ANIMACIONES

#### Animación 1:

- En el ejemplo del apartado 1.4. “Composición de transformaciones geométricas” tenemos:

Observa cómo se ha construido este bello mosaico de la Alhambra:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195378\\_am\\_1Alhambra1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195378_am_1Alhambra1.swf)

Se ha analizado buscando la celda unidad, (un cuadrado formado por cuatro cuadrados) y el motivo mínimo (la mitad de uno de esos cuadrados). En el motivo mínimo, un triángulo rectángulo isósceles, se ha dibujado una sencilla poligonal. Se le han aplicado distintas isometrías: Una simetría de eje la hipotenusa. Al motivo formado por el inicial y su simétrico se le han aplicado cuatro giros de  $90^\circ$ . Se ha vuelto a girar el conjunto. Se ha dado color. Se ha trasladado horizontal y verticalmente.



Cuando aplicamos varias transformaciones, estamos componiendo transformaciones geométricas.

**Animación 2:**

- En actividades resueltas del apartado de “3.3. Simetría Central” observa la animación para ver cómo se construye el simétrico, respecto a una simetría central de centro  $(2, 3)$ , de un polígono:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/183284\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/183284_am_1.swf)

El simétrico del punto  $A(8, 1)$  es el punto  $A'(-4, 5)$ . Has visto que se ha trazado la recta  $OA$ . Con centro en  $O$  y radio  $OA$  se traza un arco de circunferencia que corta a la recta  $OA$  en  $A'$ . Lo mismo para obtener el simétrico de los otros vértices del polígono. Si los otros vértices son  $B(12, 7)$ ,  $C(9, 10)$ ,  $D(5, 8)$  y  $E(7, 6)$ , ¿cuáles son sus simétricos respecto a la simetría central de centro  $(2, 3)$ ?

**Animación 3:**

En actividades resueltas del apartado “4.1. Simetría axial”

- En la animación puedes ver como se dibuja el punto simétrico de otro utilizando regla y escuadra:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/183282\\_am\\_1Punto\\_simetrico.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/183282_am_1Punto_simetrico.swf)

Tenemos el eje de simetría y queremos encontrar el simétrico del punto  $P(4, 1)$ . Dibujamos el punto  $P(4, 1)$  en un sistema de coordenadas y tomamos la escuadra. Apoyamos la escuadra sobre el eje de simetría y hasta que toque al punto. Trazamos una recta auxiliar, perpendicular al eje y que pase por el punto  $P$ . Medimos la distancia del punto al eje y llevamos esa longitud sobre la recta auxiliar, y ya tenemos el punto simétrico.

**Animación 4 y 5:**

En los ejercicios propuestos del apartado “5.1. Mosaicos” tenemos los ejercicios:

59. Analiza la animación de generación de un mosaico mediante giros y traslaciones:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185487\\_am\\_1\\_Alhambra\\_3.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185487_am_1_Alhambra_3.swf)

Observa cómo primero dibuja una trama de cuadrados, dibuja un motivo mínimo formado por dos segmentos, luego le aplica isometrías a ese motivo: giros de  $90^\circ$ , con los que dibuja la estrella, que por simetría completa la celda unidad a la que por último la traslada por todo el mosaico.

60. También puedes ver en la siguiente animación:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195377\\_am\\_1Alhambra2.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195377_am_1Alhambra2.swf)

como se realiza un estudio del **mosaico** del margen, buscando la celda unidad, el motivo mínimo y estudiando sus giros (de  $90^\circ$  y  $180^\circ$ ) y sus ejes de simetría.

Utiliza una trama de cuadrados, o dibuja una en tu cuaderno, para diseñar un mosaico parecido a este. Marca en la trama los centros de giros de  $90^\circ$  y de  $180^\circ$ . Marca los ejes de simetría. Dibuja un motivo mínimo sencillito, por ejemplo una poligonal, y muévelo usando esas transformaciones. Completa primero la celda unidad, y luego trasládala.

**Animación 6 y 7:**

En “Curiosidades y revista” tenemos:

Puedes ver la generación de uno de estos mosaicos de la Alhambra mediante simetrías:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/3eso/195375\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/3eso/195375_am_1.swf)

Puedes ver la generación de un friso por dos simetrías, una horizontal y otra vertical, además de por traslación:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195415\\_am\\_1Friso.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195415_am_1Friso.swf)

La generación de otro friso sólo por traslación:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195405\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195405_am_1.swf)

O la generación de otro friso mediante giros de  $180^\circ$ :

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195417\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195417_am_1.swf)

**Animación 8:**

En “Resumen” tenemos:

<http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/Mosaicosyfrisos.pdf>

**Animación 9:**

En “Ejercicios y Problemas” tenemos en el ejercicio 67:

**67.** En la animación siguiente observa la forma de obtener un mosaico.

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195375\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195375_am_1.swf)

Ha tomado una celda unidad de 4 cuadraditos, ha seleccionado un motivo mínimo... Indica que simetrías ha utilizado, qué giros y qué traslaciones.

➤ Diseño de mosaicos coloreados:

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/183236\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/183236_am_1.swf)

**Capítulo 9. Revisión de geometría en el espacio.**

Del autor Juan García Moreno hay unas animaciones para geometría del espacio:

Generador de **policubos**

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195468\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195468_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195468\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195468_aa_1 fla)

Generación de un **cilindro**

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195430\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195430_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195430\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195430_aa_1 fla)

Generación de un **cono**

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195431\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195431_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195431\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195431_aa_1 fla)

Y de José Ángel López Mateos tenemos la generación de una **esfera**

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195432\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195432_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195432\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195432_aa_1 fla)

**Capítulo 10. Funciones y gráficas**

Para representar gráficamente diferentes funciones en las que es posible introducir los coeficientes, podemos usar las siguientes de autora Isabel Martín Rojo:

Representación gráfica de la función **afín**

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185447\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185447_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185447\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185447_aa_1 fla)

Cortes con los ejes de una función **cuadrática**

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185490\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185490_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185490\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185490_aa_1 fla)

**Capítulo 11. Estadística. Azar y probabilidad****Combinatoria**

Sobre combinatoria hemos encontrado las siguientes animaciones, de autor Juan García Moreno:

Conjunto de **permutaciones** de 4 elementos

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195452\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195452_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195452\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195452_aa_1 fla)

Conjunto de **permutaciones** de 8 elementos (sin posibilidad de repetición)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/1954453\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/1954453_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/1954453\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/1954453_aa_1 fla)

**Estadística**

Parámetros de centralización, de autor Jorge Sánchez, calcula la media, mediana y moda en un caso muy sencillo

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195395\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195395_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195395\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/195395_aa_1 fla)

Las siguientes animaciones, de autora Isabel Martín Rojo, representan gráficos estadísticos:

Diagrama de barras

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185454\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185454_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185454\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185454_aa_1 fla)

Diagrama de sectores

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185516\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185516_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185516\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185516_aa_1 fla)

**Diagrama de cajas y bigotes**

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185516\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185516_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185516\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185516_aa_1 fla)

Histograma de frecuencias

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185480\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185480_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185480\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185480_aa_1 fla)

Cálculo de la media aritmética, de autora Isabel Martín Rojo.

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185460\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185460_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185460\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185460_aa_1 fla)

Interpretación y cálculo de la mediana de una variable continua, de autora Isabel Martín Rojo, muy interesante.

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185482\\_am\\_1.swf](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185482_am_1.swf)

[http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185482\\_aa\\_1 fla](http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/185482_aa_1 fla)

## MATERIALES PARA EL AULA EN INTERNET SOBRE MOVIMIENTOS

### Power Point:

- Un buen resumen de este capítulo lo tienes en esta presentación en Power Point:  
<http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/Mosaicosyfrisos.pdf>
- Algunas presentaciones de Power Point:
  - Sobre frisos y mosaicos

<http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/Movimientosenelplano.pdf>

- Frisos y mosaicos en la web: En Pensamiento Matemático:

[http://innovacioneducativa.upm.es/sandbox/pensamiento/chip\\_geometrico/geometria\\_y\\_arte.pdf](http://innovacioneducativa.upm.es/sandbox/pensamiento/chip_geometrico/geometria_y_arte.pdf)

- Trabajos realizados por estudiantes que pueden servir de modelo para que, ahora ellos, realicen otros similares:
  - Frisos y rejas unidos por las Matemáticas.

<http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/rejas.pdf>

Power Point confeccionado por dos alumnas de 2º de bachillerato del Instituto Salvador Victoria de Monreal del Campo de Teruel: Pilar Lorente Lorente y Paloma Plumed Martín. Es un trabajo interesante sobre frisos y rejas, aunque, opinamos, que algún friso no está correctamente clasificado. Sin embargo es un magnífico modelo para inspirar otros trabajos de salir a la calle y fotografiar o dibujar rejas, (o mosaicos, o otros tipos de frisos) que se vayan viendo.

- Power Point que recoge trabajos sobre mosaicos de diferentes alumnos de la Universidad Politécnica de Madrid. Puede también servir de inspiración para proponer al alumnado que confeccione sus propios mosaicos.

<http://www.apuntesmareaverde.org.es/grupos/mat/2015/Materiales/Mosaico.pdf>

## Internet

- Buscando en internet hemos encontrado, bajo el título de los 17 grupos de simetría en el plano, la siguiente entrada: <http://www.acorral.es/index3.htm>. Son prácticas con Geogebra sobre mosaicos, frisos y celosías. Están diseñados, con diseños vistosos y originales mosaicos con los 17 grupos. Al final hay una tabla, a modo de resumen, que permite identificar y clasificar cada grupo de simetría. También hay una hoja de trabajo para el alumnado.
- También en Internet, en <http://www.xtal.iqfr.csic.es/Cristalografia> y en particular en:

[http://www.xtal.iqfr.csic.es/Cristalografia/parte\\_03.html](http://www.xtal.iqfr.csic.es/Cristalografia/parte_03.html)

un trabajo sobre los grupos de autosimetría de los cristales sumamente interesante y de un nivel muy alto. Existe 32 clases de redes cristalinas: triclínico, monoclínico, tetragonal, cúbico, hexagonal... Estudia que sólo 11 tienen centro de simetría. Al analizar cuáles son compatibles con la traslación se obtienen las redes (o redes de Bravais) de las que hay 11 redes. Combinando los 32 grupos cristalográficos con las 11 redes encuentra que hay 230 formas posibles de repetir un objeto finito (motivo mínimo) en el espacio de dimensión tres.

## Artículos

- La geometría del sepulcro de San Vicente Paúl:

[http://innovacioneducativa.upm.es/sandbox/pensamiento/chip\\_geometrico/frisos.pdf](http://innovacioneducativa.upm.es/sandbox/pensamiento/chip_geometrico/frisos.pdf)

## Libros:

**La Alhambra.** Trabajo monográfico editado por la Asociación de Profesores de Matemáticas de Andalucía, en 1987, que recoge trabajos de diversos autores, que permite aprender mucho más sobre transformaciones geométricas y los grupos de autosimetría en el plano. Editado por la revista "Epsilon".

## PROPUESTAS

### MOSAICOS

Mira este azulejo de un mosaico de *Estambul*. La celda unidad es cada uno de los azulejos con la que se construye todo el mosaico mediante traslaciones. Indica los vectores de traslación. Pero puedes reducir el motivo mínimo. ¿Utilizando giros? ¿Utilizando simetrías? Mira la ampliación: Comprueba que puedes utilizar como motivo mínimo la octava parte del azulejo.



### Análisis de mosaicos de la Alhambra:

Observa el mosaico del margen. Imagina que es infinito, que completa todo el plano. Puedes tomar como motivo mínimo un par de hojitas. Para pasar de un par de hojitas al otro par adyacente, ¿qué transformación has utilizado? ¿Es una simetría? ¿Es un giro? ¿Hay centros de giro de  $60^\circ$ ? ¿Y de  $80^\circ$ ? Y de  $30^\circ$ ?



Utiliza una trama de triángulos, o dibuja una en tu cuaderno, para diseñar un mosaico parecido a este. Marca en la trama los centros de giros de  $60^\circ$ , de  $180^\circ$  y de  $30^\circ$ . Dibuja un motivo mínimo sencillito, por ejemplo una poligonal o una hoja, y muévelo usando esas transformaciones.

De nuevo, con el mosaico del margen, haz un estudio. Busca el motivo mínimo. Observa si utiliza simetrías, giros de  $60^\circ$ , de  $120^\circ$ ... Dibuja en tu cuaderno una trama de triángulos, marca los ejes de simetría y los centros de giro, y diseña un mosaico similar.



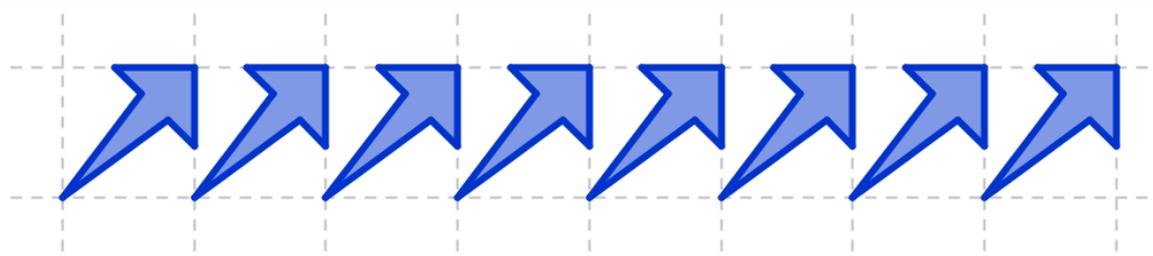
Trasladando teselas como la del margen se puede formar un mosaico. Ahora utiliza una trama de cuadrados. El motivo



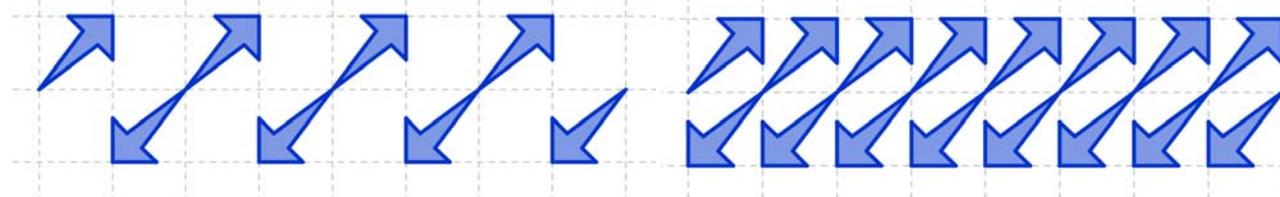
mínimo es más pequeño que la tesela. Dibuja en tu cuaderno ejes de simetría y diseña un mosaico de la misma familia que este-

## FRISOS

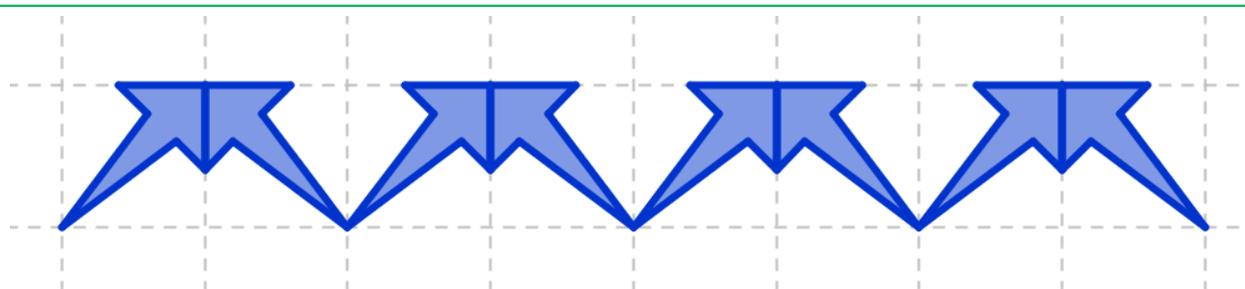
Se han diseñado frisos de las siete formas diferentes utilizando traslaciones, giros de  $180^\circ$ , simetrías y simetrías con deslizamiento. Utiliza otro motivo distinto y diseña frisos de las siete familias.



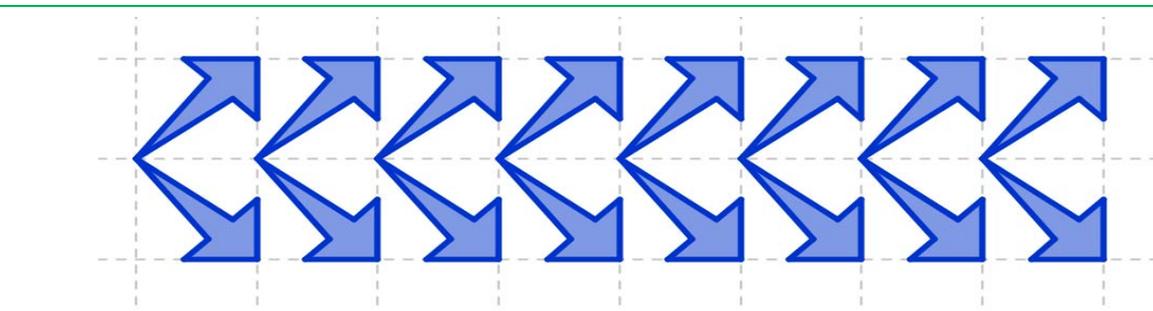
Friso L1: Sólo traslación



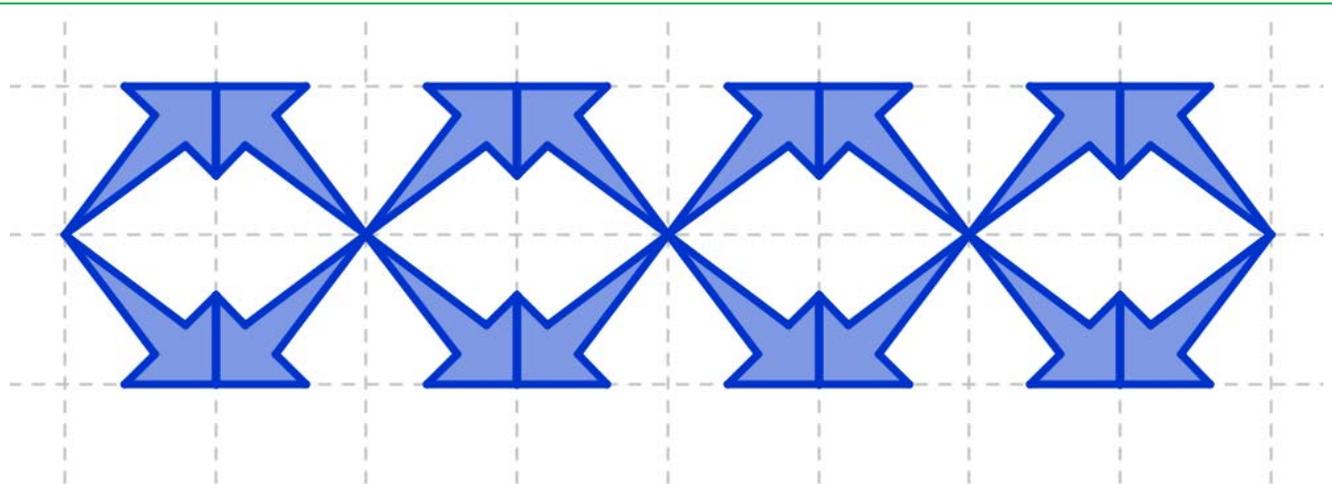
Frisos L2: Giros de  $180^\circ$



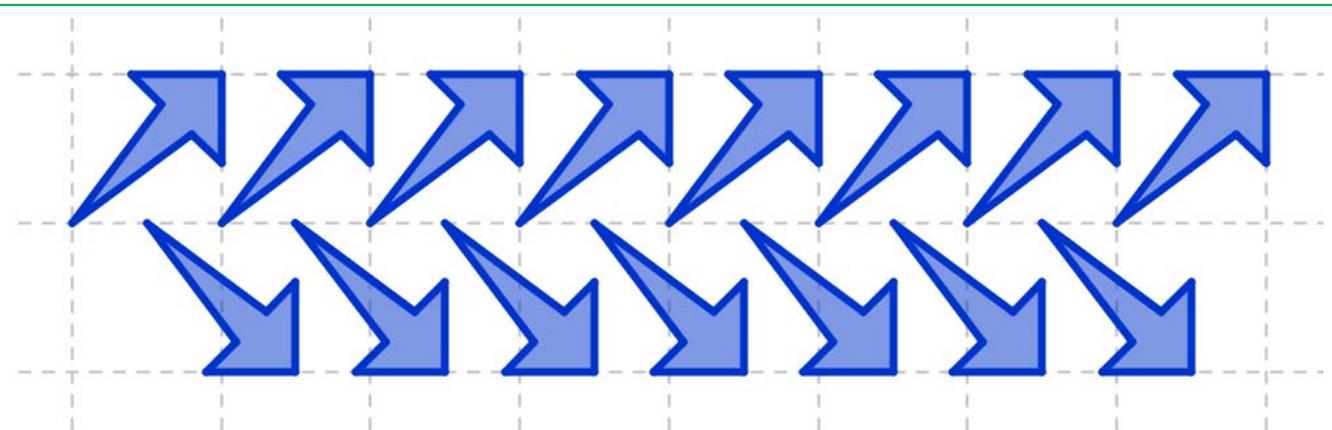
Friso L3: Simetría vertical



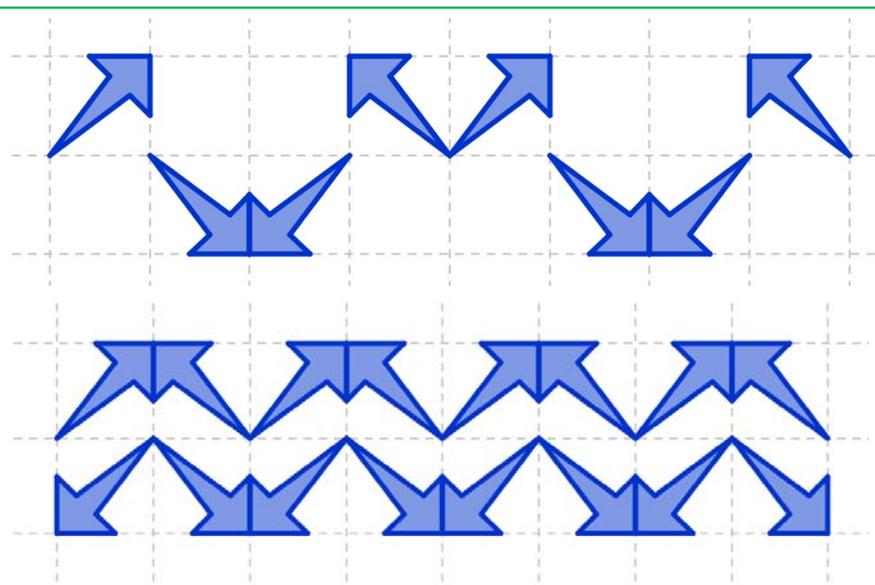
Friso L4: Simetría horizontal



Friso L5: Giros, simetrías verticales y simetrías horizontales



Friso L6: Simetría con deslizamiento



Frisos L7: Simetría con deslizamiento y simetría vertical.

## ROSETONES

**Análisis de tapacubos:** Observa los siguientes tapacubos. Indica, para cada uno de ellos, las siguientes cuestiones:



## SIMETRÍAS EN EL ESPACIO. TRABAJOS CON POLIEDROS.

Construir cuerpos geométricos: prismas, pirámides, cilindros, conos, poliedros regulares... con cartulinas, con pajitas, con limpia pipas... y analizar sus planos de simetría y sus ejes de giro.