

## Índice

### 1. EL AZAR Y LA PROBABILIDAD

- 1.1. FENÓMENOS ALEATORIOS
- 1.2. FRECUENCIA ABSOLUTA Y RELATIVA. FRECUENCIAS ACUMULADAS
- 1.3. EXPERIMENTOS ALEATORIOS
- 1.4. PROBABILIDAD

### 2. GRÁFICOS ESTADÍSTICOS

- 2.1. DIAGRAMA DE RECTÁNGULOS O DE BARRAS
- 2.2. DIAGRAMA DE LÍNEAS
- 2.3. PICTOGRAMA
- 2.4. DIAGRAMA DE SECTORES

### 3. MEDIDAS DE CENTRALIZACIÓN

- 3.1. MEDIA ARITMÉTICA
- 3.2. MODA
- 3.3. MEDIANA

### 4. EL ORDENADOR Y LA ESTADÍSTICA



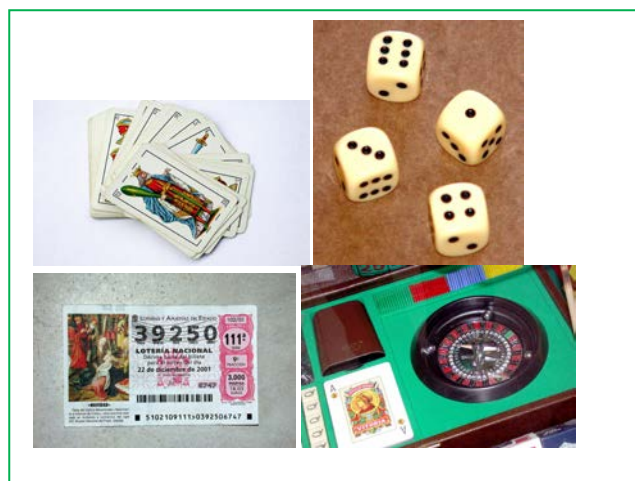
## Resumen

Si quieres conocer la estatura o el peso de las personas que tienen entre 11 y 13 años en España, puedes recoger los datos de cada una de las personas de esas edades. Pero esto es muy laborioso. Lo que hace la Estadística es recoger una **muestra** que nos permita representar la totalidad de la población objeto de estudio.

La recogida de datos es muy antigua. El emperador Augusto mandó hacer un censo, (o recogida de datos) de todo su Imperio.

La Ciencia progresa deduciendo, mediante razonamientos lógicos correctos, e infiriendo, ya que con observaciones experimentales, induce algo más general.

Los juegos de azar, dados, cartas, lotería... hacen un buen uso de la Estadística y la probabilidad.

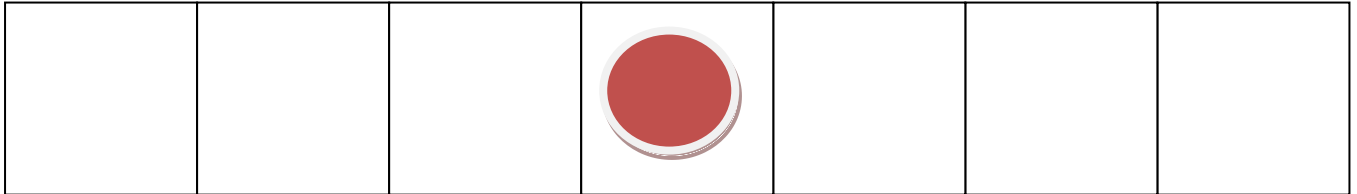


## 1. EL AZAR Y LA PROBABILIDAD

### 1.1. Fenómenos o experimentos aleatorios

Un **fenómeno o experimento aleatorio** es aquel, que manteniendo las mismas condiciones en la experiencia, el resultado no es siempre el mismo.

Veamos un juego: Dibuja 3 casillas hacia la derecha, una casilla central y 3 casillas hacia la izquierda. Coloca una ficha en la casilla central. Tira una chincheta varias veces.



Si cae con la punta hacia arriba, avanza una casilla hacia la derecha, en caso contrario avanza hacia la izquierda. Anota cuántas tiradas necesitas para llegar a una de las metas. Es un ejemplo de **fenómeno o experimento aleatorio** porque no se puede predecir el resultado.

Sin embargo, calcular el coste de una mercancía, sabiendo el peso y el precio por kg, no es un experimento aleatorio. Tampoco lo es calcular el coste del recibo de la luz sabiendo el gasto.



### Actividad resuelta

- ✚ Son experimentos aleatorios:
  - a) Lanzar una moneda y anotar si sale cara o cruz.
  - b) Lanzar un dado.
  - c) Si en una urna hay 5 bolas blancas y 3 rojas, sacamos una y anotamos el color.
  - d) Sacar una carta de una baraja.
  - e) Abrir un libro y anotar la página por la que se ha abierto.
- ✚ No son experimentos aleatorios:
  - a) Si sales sin paraguas cuando llueve seguro que te mojas.
  - b) El precio de medio kilo de rosquillas si las rosquillas cuestan a 3 € el kilo.
  - c) Soltar un objeto y ver si cae.

### Actividades propuestas

1. Indica si es un fenómeno aleatorio:
  - a) La superficie de las comunidades autónomas españolas.
  - b) Anotar el sexo del próximo bebé nacido en una clínica determinada.
  - c) El área de un cuadrado del que se conoce el lado.
  - d) Tiramos dos dados y anotamos la suma de los valores obtenidos.
  - e) Saber si el próximo año es bisiesto.

## 1.2. Frecuencia absoluta y relativa. Frecuencias acumuladas

Al realizar repetidas veces un experimento podemos anotar las veces en que se obtiene cada uno de los posibles resultados.

### Ejemplo:

- Tiramos una moneda 100 veces y anotamos las veces en que ha salido cara y las veces en que ha salido cruz.

Ha salido cara 56 veces, entonces decimos que la frecuencia absoluta de cara es 56.

Al dividir la frecuencia absoluta por el número total de experimentos tenemos la frecuencia relativa, así la frecuencia relativa de cara es  $56/100$ , o bien 0,56.

Posibles resultados	Número de veces
cara	56
cruz	44
Total	100

La **frecuencia absoluta** de un suceso es el número de veces que se ha obtenido ese suceso.

La **frecuencia relativa** de un suceso se obtiene dividiendo la frecuencia absoluta por el número total de experimentos.

Si sumas las frecuencias relativas de todos los posibles resultados de un experimento, esa suma siempre es igual a 1.

Posibles resultados	Frecuencias relativas
cara	0,56
cruz	0,44
Suma total	1

Al conjunto de los posibles resultados y sus correspondientes frecuencias se le denomina **distribución de frecuencias**.

### Actividades propuestas

Posibles resultados	Frecuencias absolutas	Frecuencias relativas
1	15	
2	18	
3	16	
4	17	
5	19	
6	15	
Suma total	100	1

2. Completa en la siguiente tabla las frecuencias relativas del experimento aleatorio tirar un dado:

En ocasiones puede interesarnos saber cuál es la frecuencia, absoluta o relativa, del suceso *ser menor a igual a n*. Entonces se dice que es una **frecuencia acumulada**. Naturalmente esto sólo tiene sentido si los datos son numéricos.

### Actividad resuelta

- En el ejemplo anterior la tabla de frecuencias absolutas y frecuencias absolutas acumuladas es:

Observa que cada valor se obtiene sumando al anterior. Así  $15 + 18 = 33$ , y  $33 + 16 = 49$ ...

### Actividades propuestas

- Escribe la tabla de frecuencias relativas y frecuencias relativas acumuladas del ejercicio anterior. Observa que ahora el último valor ahora es 1.

Posibles resultados	Frecuencias absolutas	Frecuencias acumuladas
1	15	15
2	18	33
3	16	49
4	17	66
5	19	85
6	15	100
Suma total	100	

### 1.3. Experimentos aleatorios. Sucesos

Al realizar un experimento aleatorio existen varios posibles resultados o **sucesos posibles**.

- ✚ *Por ejemplo* los posibles resultados al tirar una moneda son que salga *cara* o salga *cruz*.
- ✚ Los posibles resultados al tirar un dado es que nos salga 1, 2, 3, 4, 5 o 6.

Al realizar el experimento siempre se obtendrá uno de los posibles resultados.

Al conjunto de resultados de un experimento aleatorio se le denomina **espacio muestral**.

A los elementos del espacio muestral se les llama **sucesos elementales**.

Un **suceso** es un subconjunto del espacio muestral.

#### Actividad resuelta

- ✚ El espacio muestral del experimento aleatorio:
  - a) Extraer una bola de una bolsa con 7 bolas blancas y 2 negras es  $\{\textit{blanca, negra}\}$ .
  - b) Sacar una carta de una baraja española y mirar el palo es  $\{\textit{oros, copas, bastos, espadas}\}$ .
  - c) Al sacar un papel de una bolsa donde se han puesto 5 papeles numerados del 1 al 5, es  $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ .
  - d) Tirar dos monedas es:  $\{(\textit{cara, cara}), (\textit{cara, cruz}), (\textit{cruz, cara}), (\textit{cruz, cruz})\}$
- ✚ Así, para el lanzamiento de un dado, aunque el espacio muestral habitual será  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ , es posible que sólo sea de interés si el resultado obtenido es par o impar, en cuyo caso el espacio muestral sería  $\{\textit{par, impar}\}$ . En el caso del lanzamiento consecutivo de dos monedas, el espacio muestral puede ser  $\{C, C\}, \{C, +\}, \{+, C\}, \{+, +\}$ , o bien:  $\{0 \textit{ caras}, 1 \textit{ cara}, 2 \textit{ caras}\}$ , si nos interesa únicamente el número de caras obtenidas.
- ✚ Algunos sucesos del experimento aleatorio tirar un dado son:
  - a) Sacar un número par.
  - b) Sacar un número mayor que 3.
  - c) Sacar un número menor que 5.



#### Actividades propuestas

4. Inventa cinco experimentos aleatorios y escribe el conjunto de posibles resultados.
5. Escribe el espacio muestral del experimento aleatorio: "Escribir en cinco tarjetas cada una de las vocales y sacar una al azar".
6. Escribe el espacio muestral del experimento aleatorio: "Tirar una chincheta y anotar en que postura cae".
7. Inventa dos sucesos del experimento aleatorio de tirar dos monedas.
8. En el juego de lotería, indica dos sucesos respecto a la cifra de las unidades del primer premio.
9. En el juego de dominó, indica tres sucesos con fichas dobles.
10. Escribe tres sucesos aleatorios de sacar una carta de una baraja.

## 1.4. Probabilidad

Al realizar un experimento aleatorio no se puede predecir el resultado que se va a obtener. No obstante, habitualmente tenemos información sobre lo posible que es un determinado suceso. El objetivo es cuantificar de alguna manera esta información que se denomina la **probabilidad** del suceso. Dados todos los sucesos posibles de un experimento aleatorio, asignaremos a cada suceso  $A$ , una cantidad que denotaremos por  $P[A]$  y que llamaremos la probabilidad del suceso  $A$ .

La probabilidad de que ocurra un cierto resultado al realizar el experimento, aunque ya se verá en otros cursos en detalle, se puede obtener como la frecuencia relativa de ese resultado repitiendo el experimento muchas veces. Cuantas más veces repitas el experimento, más se aproximará la frecuencia relativa al valor de la probabilidad.

*Por ejemplo*, si tiras una moneda al aire una sola vez y sale cara, parecerá que la probabilidad de sacar cara es 1, pero si repites más veces el experimento, la frecuencia relativa de sacar cara se irá acercando a 0,5 con el tiempo. Eso nos dice que la probabilidad de sacar cara es 0,5.

La probabilidad es un número entre 0 y 1. Es una medida de la certeza que tenemos que se verifique un suceso. Sirve para prevenir el futuro usando lo que se sabe sobre situaciones pasadas o presentes.

Pero la palabra “probable” es de uso común, por lo que siempre sabes si algo es “*muy probable*”, “*bastante probable*”, “*poco probable*” o “*muy improbable*”.

### Actividad resuelta

- ✚ Si no has estudiado nada un examen es bastante probable que te suspendan, y si te lo sabes es muy probable que saques buena nota.
- ✚ Si una persona conduce habiendo bebido alcohol es probable que le pongan una multa.
- ✚ Es poco probable que al salir a la calle te caiga una cornisa encima.
- ✚ Es seguro que mañana amanecerá.
- ✚ Es muy improbable que mañana haya un terremoto.

Para calcular probabilidades se usan dos técnicas, una experimental, analizando las frecuencias relativas de que ocurra el suceso, y la otra por simetría, cuando se sabe que los sucesos elementales son **equiprobables**, es decir, que **todos ellos tienen la misma probabilidad**, entonces **se divide el número de casos probables por el número de casos posibles**.

### Actividad resuelta

- ✚ La probabilidad de que salga cara al tirar una moneda es  $1/2$ , pues sólo hay dos casos posibles {cara, cruz} y suponemos que la moneda no está trucada.
- ✚ La probabilidad de sacar un 5 al tirar un dado es  $1/6$ , pues hay seis casos posibles {1, 2, 3, 4, 5, 6} y suponemos que el dado no está trucado luego todos ellos son equiprobables.
- ✚ La probabilidad de que al cruzar la calle te pille un coche NO es  $1/2$ , pues ya te habría pillado un montón de veces. Para calcular esa probabilidad se recogen datos de peatones atropellados.
- ✚ La probabilidad de sacar bola roja de una bolsa con 7 bolas rojas y 3 bolas blancas es  $7/10$ .
- ✚ La probabilidad de que un bebé sea niña es aproximadamente 0,5, pero al hacer el estudio con las frecuencias relativas se ha visto que es 0,49.

### Actividades propuestas

11. Señala si son *poco probables* o *muy probables* los siguientes sucesos:
  - a) Cruzas la calle y te pilla un coche.
  - b) Hace una quiniela y le toca el premio máximo.
12. Calcula la probabilidad de que al sacar una carta de la baraja sea de oros.
13. Calcula la probabilidad de que al tirar con esta ruleta salga el plátano.
14. Para saber la probabilidad de que un recién nacido sea zurdo, ¿te basarías en el estudio de las frecuencias relativas o lo asignarías por simetría?



## 2. GRÁFICOS ESTADÍSTICOS

Si hacemos una representación gráfica de los datos podremos comprender su significado con mucha más facilidad que si, simplemente, los dejamos en forma de tabla. Para ello, naturalmente, ya tendremos que haber recogido los datos y elaborado una tabla.

Vamos a estudiar varios tipos de representaciones, el diagrama de rectángulos, el diagrama de líneas, el pictograma y el diagrama de sectores, aunque hay algunas otras representaciones posibles.

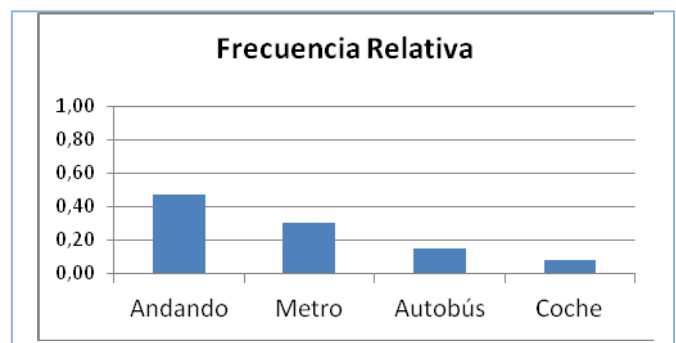
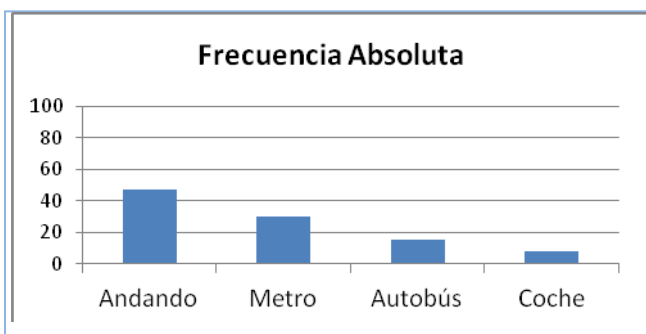
### 2.1. Diagrama de rectángulos o de barras

En un diagrama de rectángulos o de barras se indican en el eje horizontal todos los posibles resultados del experimento y en el eje vertical la frecuencia con la que dichos datos aparecen, por tanto podrá ser un diagrama de rectángulos de frecuencias absolutas, o relativas, o absolutas acumuladas, o relativas acumuladas, según la frecuencia utilizada.

#### Actividad resuelta

✚ Preguntamos a 100 estudiantes cuál es el medio de transporte que utilizan para ir a la escuela. Las respuestas aparecen en la tabla del margen. Dibujamos el diagrama de rectángulos.

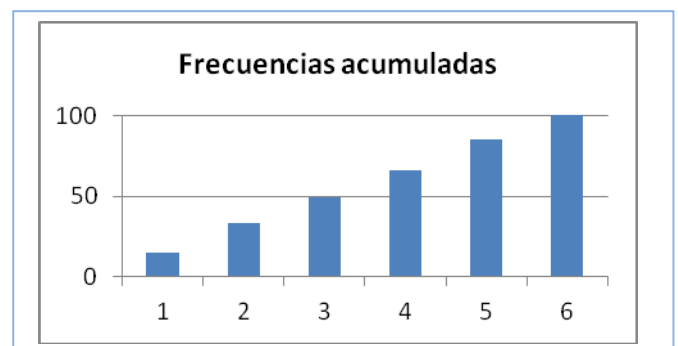
Medio de transporte	Frecuencia Absoluta	Frecuencia relativa
Andando	47	0,47
Metro	30	0,3
Autobús	15	0,15
Coche	8	0,08



✚ Si queremos dibujar el diagrama de barras de frecuencias relativas, utilizamos la columna de frecuencias relativas para hacerlo, y se obtiene el diagrama denominado "*Frecuencia Relativa*". Si comparamos el diagrama de barras de frecuencias absolutas con el de relativas se observa que son iguales salvo en las unidades del eje de ordenadas, que ahora llegan hasta 1.

✚ En una actividad anterior se calculaba la tabla de frecuencias acumuladas del experimento tirar un dado. Dibujamos el diagrama de barras de frecuencias acumuladas. Se observa como las barras van creciendo y la altura de la última coincide con la suma total, en este caso, 100.

Posibles resultados	Frecuencias absolutas	Frecuencias acumuladas
1	15	15
2	18	33
3	16	49
4	17	66
5	19	85
6	15	100
Suma total	100	





## Actividades propuestas

15. Dibuja el diagrama de rectángulos de frecuencias absolutas de la tabla adjunta. Representa también el diagrama de rectángulos de frecuencias relativas y de frecuencias absolutas acumuladas.

Dibuja el diagrama de rectángulos de frecuencias absolutas de la tabla adjunta. Representa también el diagrama de rectángulos de frecuencias relativas y de frecuencias relativas acumuladas.

Posibles resultados	Número de veces
cara	56
cruz	44

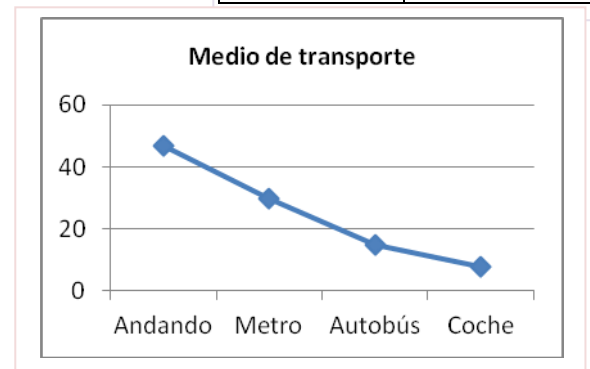
Posibles resultados	Frecuencias absolutas
1	15
2	18
3	16
4	17
5	19
6	15

## 2.2. Diagrama de líneas

Igual que en el diagrama de rectángulos, se indica en el eje horizontal todos los posibles resultados del experimento y en el eje vertical las frecuencias. En lugar de dibujar barras, ahora simplemente se unen los puntos obtenidos con líneas.

### Actividad resuelta

- El diagrama de líneas absolutas de la actividad resuelta anterior es el del margen:



## Actividades propuestas

- Dibuja los diagramas de líneas de frecuencias absolutas, relativas y absolutas acumuladas del experimento tirar un dado de la actividad anterior.
- Dibuja los diagramas de líneas absolutas, relativas y relativas acumuladas del experimento tirar una moneda de la actividad 15.

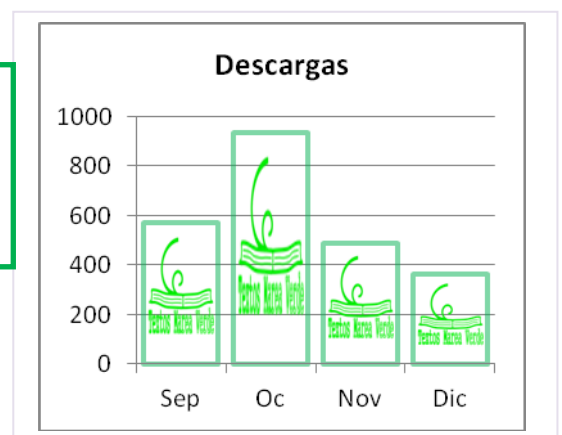
## 2.3. Pictograma

En los pictogramas se representan las frecuencias mediante una gráfica de barras rellenas de dibujos alusivos.

### Actividad resuelta

- Se han obtenido datos sobre el número de descargas que se han hecho de los Textos Marea Verde y se tienen los datos indicados en la tabla. Se representan con un pictograma, sustituyendo el rectángulo por un dibujo alusivo.

Marea verde	Descargas
Septiembre	572
Octubre	937
Noviembre	489
Diciembre	361



## 2.4. Diagrama de sectores

En los diagramas de sectores las frecuencias se representan en un círculo que se divide en sectores circulares de amplitudes proporcionales a las frecuencias.

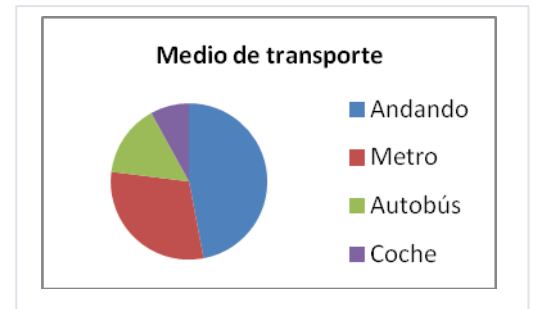
### Actividad resuelta

- ✚ El diagrama de sectores de la tabla sobre el medio de transporte utilizado es:

Puedes observar que con una simple mirada sabes que algo menos de la mitad de los estudiantes van andando y algo más de la cuarta parte van en metro.

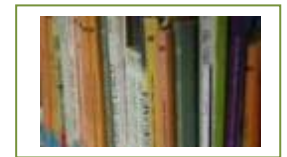
Pero realizarlo a mano requiere un trabajo previo pues debes calcular los ángulos mediante una regla de tres: multiplicas por los  $360^\circ$  que mide un ángulo completo y divides por el número total que en este caso es 100.

Medio de transporte	Frecuencia	Ángulo
Andando	47	$47 \cdot 360^\circ / 100 = 47 \cdot 3,6 = 169,2$
Metro	30	$30 \cdot 360^\circ / 100 = 108$
Autobús	15	$15 \cdot 360^\circ / 100 = 54$
Coche	8	$8 \cdot 360^\circ / 100 = 28,8$
TOTAL	100	$360^\circ$



### Actividades propuestas

- Haz una encuesta entre tus compañeros y compañeras de clase sobre el número de libros que leen al mes. Confecciona una tabla y representa los datos en un diagrama de rectángulos, un diagrama de líneas, un pictograma y un diagrama de sectores.
- Haz una encuesta entre tus compañeros y compañeras de clase sobre el número de horas diarias que ven la televisión. Confecciona una tabla y representa los datos en un diagrama de rectángulos, un diagrama de líneas, un pictograma y un diagrama de sectores.
- Haz un diagrama de sectores relativo al número de descargas de Textos Marea Verde del ejemplo visto en *Pictograma*.
- Dibuja un diagrama de sectores de la actividad 15.
- Dibuja un diagrama de sectores de la actividad 16.





### 3. MEDIDAS DE CENTRALIZACIÓN

Vamos a poder obtener unos números de una tabla de frecuencias o de unos datos que nos den información sobre su "centro".

#### 3.1. Media aritmética

##### Actividad resuelta

- ✚ Sabes muy bien calcular la media de tus notas. Juan ha tenido en Matemáticas, 7, 3, 5, 9, 8. Su nota media la calculas sumando todas las notas:  $7 + 3 + 5 + 9 + 8 = 33$ , y dividiendo esta suma entre el número total de notas:  $33/5 = 6,6$ .

En general si se quiere calcular la media de  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , se hace lo mismo, se suman todos y se divide por el número total de datos.

$$\text{Media} = (x_1 + x_2 + \dots + x_n)/n$$

##### Actividades propuestas

23. Dadas las temperaturas en una ciudad a una hora determinada el día 1 de cada mes se tiene la siguiente tabla:

	Enero	Febrero	Marzo	Abril	Mayo	Junio	Julio	Agosto	Septiembre	Octubre	Noviembre	Diciembre
Temperatura	-1	3	8	9	11	13	20	25	21	14	9	4

Calcula la temperatura media.

##### Actividad resuelta

Pero si tienes muchos datos y los tienes agrupados en una tabla de frecuencias, puedes hacerlo mejor de otra manera.

- ✚ Imagina que tienes las siguientes notas, a las que llamas  $x_i$ , con las frecuencias absolutas, a las que llamas  $f_i$ :

												Suma total
$x_i$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
$f_i$	1	2	1	2	3	8	7	6	6	4	3	43

Esto significa que hay dos 1, hay dos 3, y que hay 8 personas que han sacado un 5. No vamos a sumar  $1 + 1$  dos veces, o  $5 + 5 + 5 \dots$  ocho veces, sino multiplicar  $1 \cdot 2, 3 \cdot 2, 5 \cdot 8 \dots$

Añadimos una fila a la tabla con esos productos:

$x_i \cdot f_i$	0	2	2	6	12	40	42	42	48	36	30	260
-----------------	---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	-----

Sumamos esa fila  $x_i \cdot f_i$  y obtenemos 260. Como la de frecuencias  $f_i$  suma 43, las dividimos, por lo que la media resulta:  $\text{Media} = 260 / 43 = 6,04$ .

En general si la variable toma los valores  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , con una frecuencia absoluta  $f_1, f_2, \dots, f_n$ , para calcular la media se multiplica cada valor por su frecuencia, se suman dichos productos y se divide por el total de datos:

$$\text{Media} = (x_1 \cdot f_1 + x_2 \cdot f_2 + \dots + x_n \cdot f_n) / (f_1 + f_2 + \dots + f_n)$$

## Actividades propuestas

24. Se ha lanzado un dado 50 veces y se ha confeccionado la siguiente tabla de frecuencias absolutas:

$x_i$	1	2	3	4	5	6
$f_i$	9	8	7	8	8	10

Calcula la media y comprueba que es 3,56.

25. Lanzamos 2 dados y sumamos los valores obtenidos. Repetimos el experimento 100 veces y obtenemos la siguiente tabla de frecuencias absolutas.

$x_i$	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$f_i$	3	6	7	8	16	20	15	8	7	6	4



- Calcula la media.
- Repite tu los lanzamientos, ahora sólo 20, y calcula de nuevo la media.

## Actividad resuelta

Una compañía de seguros de automóvil ha realizado un estudio sobre 1000 asegurados para saber cuánto dinero ha gastado la compañía en reparaciones por accidente. Los datos están en la tabla:

Dinero gastado en euros	De 0 a 100	De 100 a 300	De 300 a 500	De 500 a 900	De 900 a 1100	De 1100 a 1500	Más de 1500 euros
Número de asegurados	167	150	145	131	106	57	24

Ahora la cosa se complica. No conoces el valor de  $x_i$ . Puedes construir la tabla de frecuencia sustituyendo cada intervalo por su punto medio:

								<b>Suma Total</b>
$x_i$	50	200	400	700	1000	1300	1700	
$f_i$	167	150	145	131	106	57	24	780

Y ahora ya sabes calcular la media. Añadimos la fila de los productos  $x_i \cdot f_i$ .

$x_i \cdot f_i$	8350	30000	58000	91700	106000	74100	40800	408950
-----------------	------	-------	-------	-------	--------	-------	-------	--------

La suma de esos productos es: 408950, y la suma de las frecuencias es: 780, luego la media del dinero gastado en seguros es: Media =  $408950 / 780 = 524,3 \text{ €}$ .

## Actividades propuestas

26. Calcula la media de los pesos de 40 estudiantes de un centro escolar, sabiendo que la tabla de frecuencias absolutas, con intervalos es:

<b>Peso</b>	35 - 41	41 - 47	47 - 53	53 - 59	59 - 65	65 - 71	71 - 77
<b>Estudiantes</b>	1	10	12	9	5	1	2


### 3.2. Moda

¿Qué es lo que está de moda? Lo que más se lleva.

La **moda** de una distribución de frecuencias es el valor más frecuente.

#### Actividad resuelta

La moda de las tablas de frecuencias siguientes es la indicada:

 Medio de transporte

Medio de transporte	Frecuencia
Andando	47
Metro	30
Autobús	15
Coche	8
TOTAL	100

La moda es ir *andando*.

 Notas

$x_i$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$f_i$	1	2	1	2	3	8	7	6	6	4	3

La moda es 5.

 Lanzamiento de un dado

$x_i$	1	2	3	4	5	6
$f_i$	9	8	7	8	8	10

La moda es 6.

 Lanzamiento de dos dados

$x_i$	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$f_i$	3	6	7	8	16	20	15	8	7	6	4

La moda es 7.

#### Nota

Puede ocurrir que una distribución de frecuencias tenga más de una moda. Por ejemplo, la distribución:

$x_i$	1	2	3	4	5	6
$f_i$	9	8	9	8	8	9

tiene 3 modas, 1, 3 y 6, ya que el valor más alto de la frecuencia absoluta es 9 en los tres casos.

La moda permite clasificar los conjuntos de datos en *unimodales*, *bimodales* o *plurimodales*, según el número de modas que tengan.

### 3.3. Mediana

La **mediana** es el valor central que deja por debajo el mismo número de datos que por encima.

Una forma de calcular la mediana es ordenar los valores de menor a mayor, y si el número de datos es impar, el valor central es la mediana. Si el número de datos es par, la mediana es la media de los dos datos centrales.

#### Actividad resuelta

- ✚ La mediana de las notas, ya ordenadas siguientes: 2, 3, 5, 7, 9, 9, 10, es 7, pues es el valor central de un número impar de datos. Deja 3 datos por debajo y 3 datos por encima.
- ✚ La mediana de las notas: 2, 3, 4, 5, 7, 9, 9, 10, es la media entre 5 y 7, es decir, es 6, pues 5 y 7 son los valores centrales de un número par de datos.

Hay que destacar que esta medida de tendencia central, a diferencia de la media, no se ve afectada por valores extremos. Es decir, la mediana de las notas: 2, 3, 4, 5, 7, 9, 9, 1000, sigue siendo la media entre 5 y 7, es decir, 6.

#### Actividades propuestas

27. Calcula la media, la mediana y la moda de las distribuciones siguientes:

- 2, 3, 4, 5, 7, 9, 9, 1000
- 2, 3, 4, 5, 7, 9, 9, 10
- 0, 0, 4, 5, 7, 9, 9, 1000, 2000

Observa en cada caso cómo influyen los valores extremos.

## EL ORDENADOR Y LA ESTADÍSTICA

El ordenador puede ayudar mucho en los cálculos estadísticos. Hay muchos programas para ello. En particular son fáciles de usar las hojas de cálculo. Vamos a resolver un problema utilizando una de ellas.

### Actividad resuelta

- Se conocen las cantidades de residuos sólidos recogidos en  $m^3$ /semana durante 12 semanas de una urbanización:

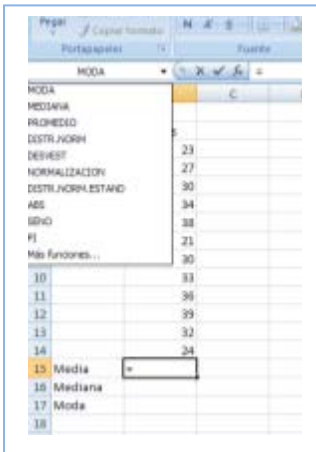
23, 27, 30, 34, 38, 21, 30, 33, 36, 39, 32, 24.

Para calcular la media, la mediana o la moda, abrimos la hoja de cálculo. Consta de filas indicadas por las letras A, B, C... y columnas indicadas por los números 1, 2, 3... cada casilla se identifica por su columna y su fila, por ejemplo, A1 es la primera casilla.

Escribimos los datos que nos han dado en la columna B a partir de la fila 3, dejando la primera columna y las dos primeras filas para poner títulos.

Escribimos en B2: Residuos; en A15: Media; en A16: Mediana; y en A17: Moda.

Nos colocamos sobre la casilla B15. En la ventana  $fx$  escribimos el signo igual: =, y desplegamos las funciones de la lista de la izquierda. Nos interesan: PROMEDIO (que es la media), MEDIANA y MODA. Escribimos en la casilla B15: **=PROMEDIO(B3:B14)**, y obtenemos la media que es 30,58.



Observa lo que esa expresión significa. Estás diciendo al ordenador que calcule la media (promedio) de los datos que están entre la casilla B3 y la casilla B14.

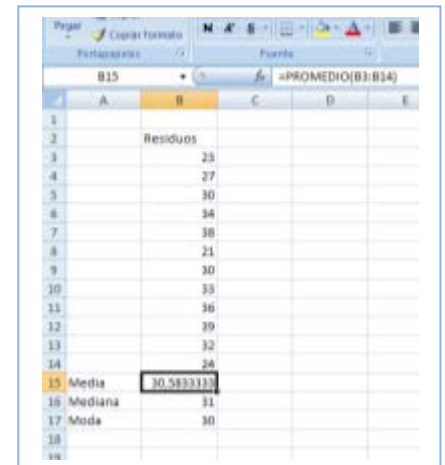
Para calcular la mediana nos colocamos en la casilla B16 y escribimos:

**=MEDIANA(B3:B14)**,

y para calcular la moda nos colocamos en B17 y escribimos:

**=MODA(B3:B14)**.

Hemos obtenido que la mediana es 31 y la moda es 30.



Puedes investigar la cantidad de funciones que tiene el ordenador que también calcula (y que aún no conoces), desviación típica, coeficiente de curtosis, valor mínimo, valor máximo, cuartil...

También dibuja gráficas con facilidad. Para que tenga sentido deberíamos agrupar los datos en una tabla. Pero si desarrollas el menú de "Insertar" puedes ver los tipos de gráficas que puedes dibujar: de columna, línea, circular, barra, dispersión...

Hemos dibujado un diagrama de rectángulos seleccionando los datos e insertando un gráfico de columnas.

Juega con el ordenador. Inserta otros gráficos distintos de columna, de línea, circular, barra, dispersión e indica a qué tipo de representación corresponden.



CURIOSIDADES. REVISTA**Criptografía**

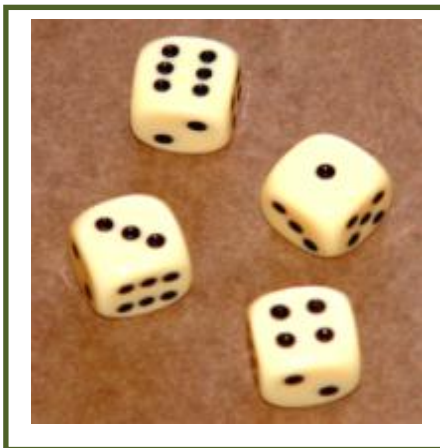
Imagina que quieres descifrar un mensaje secreto y sospechas que ha sido cifrado cambiando las letras del alfabeto entre sí. ¿Qué puedes hacer para descifrarlo?

Si estudias, o buscas en Internet, las frecuencias relativas, y tienes una tabla con las frecuencias de cada letra pronto sabrás cual de las letras encriptadas corresponde a, por ejemplo, la letra A. Experimenta con esta idea.

**Estadística**

La palabra “**Estadística**” comenzó a usarse a mediados del siglo XVIII, y el nombre viene de su interés para tratar los asuntos de Estado. Se constituyó poco a poco en Ciencia independiente a principios del siglo XX.

La acepción vulgar del término Estadística hace referencia a una determinada información numérica, es decir, Estadística como método de descripción cuantitativa que utiliza los números como soporte objetivo.

**Dados**

Se han encontrado dados en tumbas egipcias anteriores al año 2000 a. C. El juego de dados ha sido muy popular en muchos países en el mundo antiguo y la Edad Media.

**La ruleta**

William Jagers llegó a Montecarlo con unos pocos francos en el bolsillo y, durante un mes anotó los números que salían en cada ruleta, y en cuatro días ganó dos millones cuatrocientos mil francos. Jagers consiguió quebrar a la banca en Montecarlo analizando las frecuencias relativas de cada número de la ruleta y observando que se había desgastado algo del mecanismo de una de ellas, con lo que todos los valores no tenían igual probabilidad. Apostó a los números más probables y ganó.





## RESUMEN

<b>Fenómeno o experimento aleatorio</b>	Es aquel en el que no se puede predecir el resultado. Los datos estadísticos son los valores que se obtienen en un experimento.	Tirar una moneda y saber si va a salir cara o cruz.
<b>Frecuencia absoluta</b>	Número de veces que se repite un dato estadístico.	Si al tirar un dado hemos 2 veces el 3, 2 es la frecuencia absoluta de 3.
<b>Frecuencia relativa</b>	Es la frecuencia absoluta dividido por el número de experimentos.	Si se realiza un experimento 500 veces y la frecuencia absoluta de un suceso es 107, la frecuencia relativa es 107/500.
<b>Frecuencia acumulada</b>	Se suman las frecuencias anteriores.	
<b>Suceso posible.</b>	Posible resultado de un experimento aleatorio.	En el experimento aleatorio tirar un dado el conjunto de posibles resultados, o el conjunto de sucesos elementales o espacio muestral es {1, 2, 3, 4, 5, 6}, por tanto, un posible resultado es, por ejemplo, 3.
<b>Espacio muestral</b>	Conjunto de resultados posibles.	
<b>Sucesos elementales</b>	Elementos del espacio muestral.	
<b>Diagrama de rectángulos</b>	Los datos se representan mediante rectángulos de igual base y de altura proporcional a la frecuencia. Se indica en el eje horizontal la variable y en el vertical las frecuencias.	<p><b>Diagrama de rectángulos</b></p> <p><b>Polígono de frecuencias</b></p> <p><b>Diagrama de sectores</b></p>
<b>Diagrama de líneas</b>	Se unen los puntos superiores de un diagrama de rectángulos.	
<b>Pictograma</b>	Se sustituye los rectángulos por un dibujo representativo.	
<b>Diagrama de sectores</b>	En un círculo se dibujan sectores de ángulos proporcionales a las frecuencias.	
<b>Media aritmética</b>	Es el cociente entre la suma de todos los datos y el número total de datos.	En los datos 3, 5, 5, 7, 8, la <b>media</b> es: $(3 + 5 + 5 + 7 + 8)/5 = 28/5 = 5,6$ .
<b>Mediana</b>	Deja por debajo la mitad de los valores y por encima la otra mitad.	La <b>moda</b> es: 5. La <b>mediana</b> es 5
<b>Moda</b>	El valor que más se repite.	

**EJERCICIOS Y PROBLEMAS****El azar y la probabilidad**

- Miriam y Luis han escrito en tarjetas los 4 nombres que más les gustan para la hija que van a tener: Adela, Miriam, Amelia y Elena. Mezclan bien las tarjetas y extraen una al azar. ¿Cuál es la probabilidad de que la niña se llame Amelia?
- Se lanza una moneda 750 veces y se obtiene cara 360 veces. Expresa en una tabla las frecuencias absolutas, relativas y calcula también las frecuencias acumuladas absolutas y acumuladas relativas de caras y cruces en este experimento.
- Se lanzar un dado 500 veces y se obtienen los siguientes resultados:

Resultado	1	2	3	4	5	6
Número de veces	70	81	92	85		81

- ¿Cuántas veces ha salido el 5?
  - Escribe en tu cuaderno una tabla con las frecuencias absolutas y las frecuencias absolutas acumuladas
  - Escribe en tu cuaderno una tabla con las frecuencias relativas y las frecuencias relativas acumuladas
- En una clase se ha medido el tamaño de las manos de cada uno de los alumnos y alumnas, y el resultado en centímetros ha sido el siguiente:

19, 18, 20, 19, 18, 21, 19, 17, 16, 20,  
16, 19, 20, 21, 18, 17, 20, 19, 22, 21,  
23, 21, 17, 18, 17, 19, 21, 20, 16, 19

- ¿Qué tamaño ha sido el valor mínimo? ¿Y el máximo?
  - Haz una tabla de frecuencias absolutas y otra de frecuencias relativas.
  - Haz una tabla de frecuencias absolutas acumuladas y otra de frecuencias relativas acumuladas.
- Calcula la frecuencia absoluta de los datos de una encuesta en la que se ha elegido entre ver la televisión, t, o leer un libro, l:

t, l, t, t, t, l, t, t, l, t, l, t, t, t, l, l, t, l, t, l, t.

- Una urna que contiene 10 bolas numeradas del 0 al 9, sacamos una bola, anotamos el número y devolvemos la bola a la urna. Repetimos el experimento 1000 veces y se han obtenido los resultados indicados en la tabla:

Resultado	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Frecuencia absoluta	79	102			93	98	104	77		
Frecuencia relativa			0,12	0,13					0,1	
Frecuencia absoluta acumulada	79	181								
Frecuencia relativa acumulada										1

- ¿Cuál es la frecuencia absoluta de 9?
- ¿Cuál es la frecuencia absoluta acumulada de 2?
- ¿Cuál es la frecuencia relativa acumulada de 1?
- Copia la tabla en tu cuaderno y complétala.

7. Clasifica los siguientes sucesos en imposibles, poco probables, posibles, muy probables y seguros:
- Tener un accidente de tráfico.
  - Salir de paseo y cruzar alguna calle.
  - Salir de paseo y que te caiga un rayo.
  - Mañana nazca algún niño en París.
  - Mañana no amanezca.
  - Mañana llueva.

8. Pepa ha tirado un dado 25 veces y ha obtenido los siguientes resultados:

1, 2, 5, 6, 3, 1, 4, 5, 6, 1, 3, 1, 2, 2, 1, 6, 2, 2, 4, 3, 4, 6, 6, 1, 4

- Escribe en tu cuaderno una tabla de frecuencias absolutas.
- Escribe otra de frecuencias relativas.
- Dibuja un diagrama de rectángulos.
- Dibuja un diagrama de líneas y una representación por sectores.

9. La duración en minutos de unas llamadas telefónicas ha sido:

7, 3, 6, 3, 7, 5, 4, 3, 5, 7, 10, 1, 9, 12, 2

Elabora una tabla de frecuencias absolutas y una tabla de frecuencias relativas.

### Gráficos estadísticos

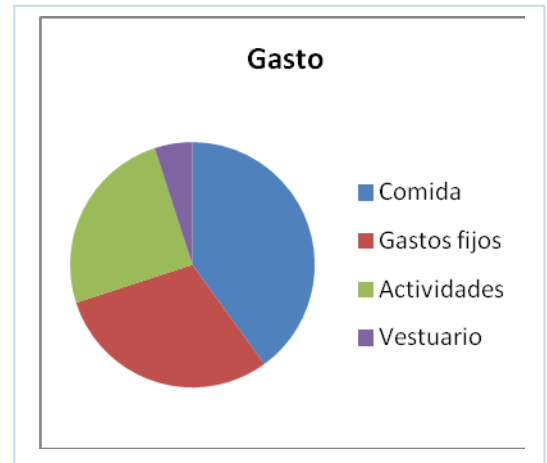
10. Se ha preguntado en un pueblo de la provincia de Madrid el número de hermanos que tenían y se ha obtenido la siguiente tabla de frecuencias absolutas sobre el número de hijos de cada familia:

Número de hijos	1	2	3	4	5	6	7	8 o más
Número de familias	46	249	205	106	46	21	15	6

- Escribe en tu cuaderno una tabla de frecuencias relativas.
  - Haz un diagrama de rectángulos de frecuencias absolutas y otro de frecuencias relativas.
  - Haz un diagrama de líneas de frecuencias absolutas y otro de frecuencias absolutas acumuladas.
11. Haz una encuesta con tus compañeros y compañeras de curso preguntando el número de hermanos y confeccionando una tabla sobre el número de hijos y el número de familias.
- Haz una tabla de frecuencias relativas
  - Haz un diagrama de rectángulos de frecuencias relativas
  - Compara la tabla de frecuencias relativas y el diagrama de rectángulos de frecuencias relativas que obtengas con el obtenido en el ejercicio anterior.
12. Un batido de frutas contiene 25 % de naranja, 15 % de plátano; 50 % de manzana y, el resto de leche. Representa en un diagrama de sectores la composición del batido.

13. En un campamento de verano se han gastado diez mil euros. El gráfico muestra la distribución del gasto:

1. Comida: 40 %
  2. Limpieza y mantenimiento: 30 %
  3. Agua, gas, electricidad y teléfono: 25 %
  4. Vestuario: .....
- a) ¿Qué porcentaje se gastó en vestuario?
  - b) ¿Cuántos euros se gastaron en comida?
  - c) ¿Cuánto mide el ángulo del sector correspondiente a actividades?



14. Busca en revistas o periódicos dos gráficas estadísticas, recórtalas y pégalas en tu cuaderno. En muchas ocasiones estas gráficas tienen errores. Obsérvalas detenidamente y comenta las siguientes cuestiones:

- a) ¿Está clara la variable a la que se refiere? ¿Y las frecuencias?
- b) ¿Son correctas las unidades? ¿Pueden mejorarse?
- c) Comenta las gráficas.

15. Se hace un estudio sobre el número de video juegos del alumnado de una clase. El resultado se representa en la tabla siguiente:

Número de video juegos	0	1	2	3	4	5
Número de estudiantes	3	4	3	5	9	7

- a) Copia la tabla en tu cuaderno y haz una tabla de frecuencias relativas y de frecuencias relativas acumuladas.
- b) ¿Qué porcentaje tienen menos de 3 video juegos?
- c) Representa los datos en un diagrama de sectores y en un diagrama de líneas.

16. Se hace una encuesta sobre el número de veces que van unos jóvenes al mes al cine. Los datos están en la tabla:

Veces que van al cine	0	1	2	3	4	5
Frecuencia absoluta	1	7	9	5	2	1

- a) Representa un diagrama de rectángulos de frecuencias absolutas.
- b) Representa un diagrama de líneas de frecuencias relativas.
- c) Haz un pictograma
- d) Representa los datos en un digrama de sectores.

17. Se hace un estudio sobre lo que se recicla en una ciudad y se hace una tabla con el peso en porcentaje de los distintos tipos de residuos:

Tipo de residuo	Porcentaje
Orgánico	15
Papel y cartón	1
Vidrio	15
Plástico	1
Pilas	15

- Haz un diagrama de rectángulos
- Representa un diagrama de líneas.
- Haz un pictograma
- Representa los datos en un digrama de sectores.

18. ¿Cuánto vale la suma de las alturas de un diagrama de rectángulos de frecuencias relativas.

19. En un ejercicio anterior se ha tenido el resultado de medir en una clase el tamaño de las manos de cada uno de los alumnos y alumnas, y el resultado en centímetros ha sido el siguiente:

19, 18, 20, 19, 18, 21, 19, 17, 16, 20,  
16, 19, 20, 21, 18, 17, 20, 19, 22, 21,  
23, 21, 17, 18, 17, 19, 21, 20, 16, 19

Representa los datos en un diagrama de rectángulos y en un diagrama de líneas.

20. En una clase se ha preguntado por las preferencias deportivas y se ha obtenido:

Futbol	Baloncesto	Natación	Kárate	Ciclismo
8	9	7	6	10

- Copia la tabla en tu cuaderno y haz una tabla de frecuencias relativas.
- Representa estos datos en un diagrama de sectores.
- Haz un pictograma.

21. El 35 % de las cigüeñas no ha emigrado este año a África y el 6 % murió por el camino. Dibuja un diagrama por sectores que describa esta situación.

## Medidas de centralización

22. Javier ha tirado un dado 10 veces y ha obtenido los siguientes resultados:

6, 3, 1, 4, 2, 2, 1, 4, 3, 4

Calcula la media aritmética.

23. Raquel ha tenido las siguientes notas en sus exámenes de Lengua: 7, 5, 6, 4, 7, 10, 7

Calcula la media aritmética.

**24.** Se ha medido el tamaño de la mano de 10 alumnos y alumnas, y el resultado en centímetros ha sido el siguiente:

19, 18, 21, 21, 18, 17, 18, 17, 19, 21

Calcula la media aritmética.

**25.** Nos interesa conocer la distribución de notas obtenidas por 20 estudiantes. Las notas son:

2, 8, 9, 0, 0, 5, 8, 2, 7, 1, 6, 3, 7, 2, 4, 9, 4, 9, 5, 1

- Escribe en tu cuaderno una tabla de frecuencias absolutas.
- Haz un diagrama de líneas de frecuencias absolutas.
- Calcula la media.

**26.** Los jugadores de un equipo de baloncesto tiene las siguientes edades:

13, 12, 14, 11, 12, 12.

Calcula la media.

**27.** Hacemos una encuesta preguntando a 10 familias cuántas hijos tienen. Los resultados son:

0, 1, 0, 2, 1, 4, 3, 2, 1, 1

Calcula la media.

**28.** Pepa ha tirado un dado 25 veces de un ejercicio anterior y ha obtenido los siguientes resultados:

1, 2, 5, 6, 3, 1, 4, 5, 6, 1, 3, 1, 2, 2, 1, 6, 2, 2, 4, 3, 4, 6, 6, 1, 4

- Calcula la media aritmética
- Calcula la mediana
- ¿Cuál es la moda? ¿Es única?

**29.** Sara ha tenido las siguientes notas en sus exámenes de Matemáticas: 9, 7, 8, 6, 9, 10, 9

- Calcula la media aritmética
- Calcula la mediana
- ¿Cuál es la moda? ¿Es única?

**30.** En un ejercicio anterior se ha tenido el resultado de medir en una clase el tamaño de las manos de cada uno de los alumnos y alumnas, y el resultado en centímetros ha sido el siguiente:

19, 18, 20, 19, 18, 21, 19, 17, 16, 20,  
16, 19, 20, 21, 18, 17, 20, 19, 22, 21,  
23, 21, 17, 18, 17, 19, 21, 20, 16, 19

- Calcula la media aritmética
- Calcula la mediana
- ¿Cuál es la moda? ¿Es única?



**31.** Nos interesa conocer la distribución de notas obtenidas por 40 estudiantes. Las notas son:

4, 1, 7, 10, 3, 2, 8, 9, 0, 0, 5, 8, 2, 7, 1, 2, 8, 10, 2, 10,  
3, 4, 8, 9, 3, 6, 3, 7, 2, 4, 9, 4, 9, 5, 1, 3, 3, 9, 7, 8, 10

- Escribe en tu cuaderno una tabla de frecuencias absolutas.
- Haz un diagrama de líneas de frecuencias absolutas.
- Calcula la media
- Calcula la mediana
- Calcula la moda

**32.** Hacemos una encuesta preguntando a 10 familias cuántas mascotas tienen. Los resultados son:

0, 1, 0, 2, 1, 4, 3, 0, 0, 1

Calcula la media, la mediana y la moda.

**33.** Los jugadores de un equipo de balonmano tiene las siguientes edades:

12, 14, 13, 12, 15, 11, 12, 12, 13, 14, 11, 12, 12.

- Calcula la media
- Calcula la mediana
- Calcula la moda

## Ordenador

- Introduce los datos de la encuesta sobre el número de hijos en el ordenador y vuelve a calcular la media.
- Organiza los datos en una tabla calculando las frecuencias absolutas de 0, 1, 2, 3 y 4. Introduce esta tabla en el ordenador y haz una representación de barras, un diagrama de líneas y un diagrama de sectores.
- Utiliza el ordenador para comprobar los resultados obtenidos en los ejercicios anteriores.
- Realiza una encuesta en tu clase y lleva los resultados a un ordenador para hacer un informe. La encuesta podría ser, por ejemplo, si le gusta o no una determinada serie de televisión, o un programa; o el número de días de la semana que hacen algún deporte, el tipo de música que les gusta; o... Piensa sobre qué podrías preguntar.
- Introduce los datos de la encuesta sobre el número de mascotas en el ordenador y vuelve a calcular la media, la mediana y la moda.
- Organiza los datos en una tabla calculando las frecuencias absolutas de 0, 1, 2, 3 y 4. Introduce esta tabla en el ordenador y haz una representación de barras, un diagrama de líneas y un diagrama de sectores.
- Utiliza el ordenador para comprobar los resultados obtenidos en los ejercicios anteriores.
- Realiza una encuesta en tu clase y lleva los resultados a un ordenador para hacer un informe. La encuesta podría ser, por ejemplo, si le gusta o no una determinada serie de televisión, o un programa; o el número de días de la semana que hacen algún deporte, el tipo de música que les gusta; o... Piensa sobre qué podrías preguntar.

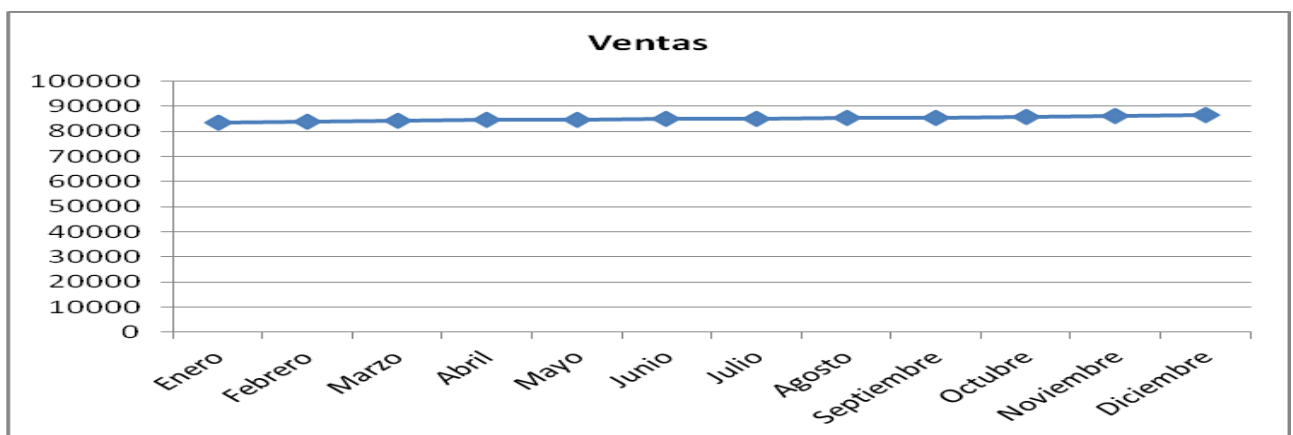
## Problemas

42. Si escribimos la palabra **PROBABILIDAD** en una tira de papel, recortamos las letras de modo que quede una en cada papel y ponemos todos los papeles en una bolsa, ¿cuál es la probabilidad de obtener una **B** al extraer uno de los papeles?, ¿y la de extraer una **A**?, ¿Y la de una **L**?
43. Tira una chincheta 15 veces y anota las veces que cae con la punta hacia arriba y las que no. Construye luego dos tablas: una de frecuencias absolutas y otra de frecuencias relativas. Representa el resultado en un diagrama de frecuencias y en un diagrama de líneas
44. La media de seis números es 5. Se añaden dos números más pero la media sigue siendo 5. ¿Cuánto sumas estos dos números?
45. El Director Comercial de una empresa va a ser evaluado. Para ello debe dar cuenta de los resultados obtenidos. Quiere quedar bien, pues eso le puede suponer un aumento de sueldo. Se han vendido las siguientes cantidades:

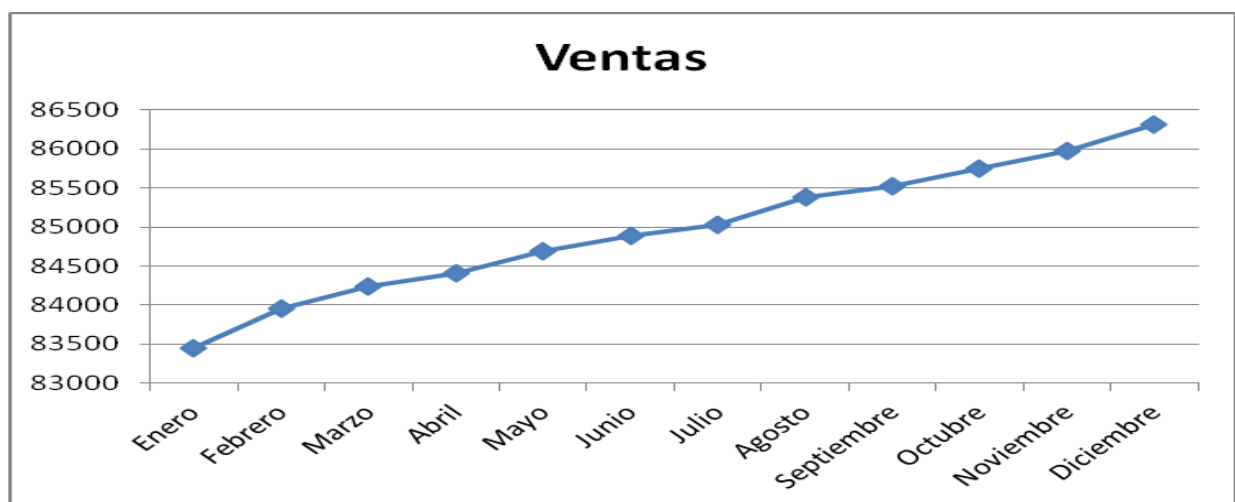


Meses	Enero	Febrero	Marzo	Abril	Mayo	Junio	Julio	Agosto	Septiembre	Octubre	Noviembre	Diciembre
Ventas	83451	83962	84238	84401	84693	84889	85032	85378	85524	85751	859967	86316

El estadístico de la empresa le ha entregado la siguiente gráfica:



No le ha gustado nada, y para la presentación él se ha confeccionado el siguiente gráfico:



Ambos gráficos son correctos. Escribe un informe sobre cómo pueden los distintos gráficos dar impresiones tan diferentes.

46. Tira una moneda 100 veces y anota los resultados obtenidos: C, C, x, .... Construye una nueva lista anotando, cada vez que haya salido cara, el resultado siguiente: C, x, ...Confecciona luego dos tablas: una de frecuencias absolutas y otra de frecuencias relativas. Representa los resultados en un diagrama de barras y en un diagrama de sectores.
47. Se conoce el volumen semanal de residuos sólidos recogidos en  $m^3$  durante las 52 semanas de un año, en un municipio pequeño: 25'5, 27'1, 31'8, 34'2, 38'9, 21'3, 28'7, 33'2, 36'5, 39'6, 25'2, 24'7, 23'2, 23'3, 22'2, 26'4, 26'7, 29'6, 31'3, 30'5, 28'3, 29'1, 26'7, 25'2, 24'5, 23'7, 25'4, 27'2, 31'7, 34'5, 38'4, 21'2, 28'1, 33'7, 36'8, 39'9, 31'7, 34'4, 38'2, 21'9, 28'1, 33'5, 25'2, 24'7, 23'2, 23'3, 22'2, 26'4, 25'9, 24'1, 23'2, 23'6, 26'4.
- Calcula la media, la moda y la mediana.
48. Con los datos del problema anterior:
- Representa los datos en una tabla tomando intervalos de longitud dos  $m^3$ : (21, 23), (23, 25), ... (39, 41)
  - Dibuja un diagrama de rectángulos y un diagrama de líneas de frecuencias absolutas..
  - ¿Cuántas familias tienen un volumen de basuras mayor que 31  $m^3$ ?
  - ¿Qué porcentaje de familias tienen un volumen de basuras menor que 35  $m^3$ ?
49. Busca en revistas o periódicos dos gráficas estadísticas, recórtalas y pégalas en tu cuaderno. En muchas ocasiones estas gráficas tienen errores. Obsérvalas detenidamente y comenta las siguientes cuestiones:
- ¿Está clara la variable a la que se refiere? ¿Y las frecuencias?
  - ¿Son correctas las unidades? ¿Pueden mejorarse?
  - Comenta las gráficas.

AUTOEVALUACIÓN del bloque 1º

1. Indica la respuesta correcta: Los fenómenos aleatorios son
  - a) Los que suceden raras veces.
  - b) Los que suceden una vez de cada 100.
  - c) Aquellos en los que no se puede predecir el resultado.
  - d) Los que son equiprobables.
2. Indica cuál de los siguientes sucesos tiene una probabilidad  $1/2$ . Observa que en todos los casos únicamente puede pasar ese suceso y lo contrario.
  - a) Al cruzar la calle nos atropelle un coche
  - b) El incendio ha sido intencionado
  - c) Sacar cara al tirar una moneda
  - d) Se hunda la casa mañana
3. Se extrae una carta de una baraja española. La probabilidad de que sea una copa es:
  - a)  $1/40$
  - b)  $0,1$
  - c)  $4/40$
  - d)  $10/40$
4. Indica cual es la frase que falta en la siguiente definición:  
En un ... .. se sustituyen los rectángulos por un dibujo representativo
  - a) Diagrama de líneas
  - b) Diagrama de rectángulos
  - c) Pictograma
  - d) Diagrama de sectores
5. Si en una tabla de frecuencias a un valor le corresponde una frecuencia relativa de  $0,1$ , al dibujar un diagrama de sectores el ángulo correspondiente es de:
  - a)  $36^\circ$
  - b)  $30^\circ$
  - c)  $3,6^\circ$
  - d)  $72^\circ$
6. En un diagrama de rectángulos de frecuencias absolutas, la suma de sus alturas es igual a:
  - a) 100
  - b) 1
  - c) Total de datos
  - d) Suma de sus bases
7. La media de los siguientes datos 3, 4, 6, 7, 5, 8, es:
  - a) 6
  - b) 7
  - c) 4,8
  - d) 5,5
8. Una determinada frecuencia absoluta es 4, y la suma total es 20, el porcentaje vale:
  - a) 20
  - b) 10
  - c) 25
  - d) 50
9. La media de 6 números es 4. Se añaden dos números más pero la media sigue siendo 4. ¿Cuánto sumas estos dos números?
  - a) 10
  - b) 8
  - c) 12
  - d) 4
10. De una baraja española se extrae al azar una carta. ¿Cuál es la probabilidad de que no sea de oros?
  - a)  $3/4$
  - b)  $1/4$
  - c)  $2/3$
  - d)  $1/40$

AUTOEVALUACIÓN del bloque 2º

1. Indica la respuesta correcta:
  - a) La frecuencia relativa se obtiene dividiendo por 100 la frecuencia absoluta
  - b) La frecuencia relativa se obtiene sumando todos los valores anteriores
  - c) La frecuencia relativa se obtiene dividiendo la frecuencia absoluta por el total de experimentos.
  - d) Frecuencia relativa es lo mismo que probabilidad
2. Se extrae una carta de una baraja española. La probabilidad de que sea un rey es:
  - a)  $1/40$
  - b)  $0,25$
  - c)  $4/40$
  - d)  $10/40$
3. Indica cual es la frase que falta en la siguiente definición:  
 En ... .. las frecuencias se representan en un círculo que se divide en sectores circulares de amplitudes proporcionales a las frecuencias.
  - a) Diagrama de líneas
  - b) Diagrama de rectángulos
  - c) Pictograma
  - d) Diagrama de sectores
4. Si en una tabla de frecuencias a un valor le corresponde una frecuencia relativa de  $0,25$ , al dibujar un diagrama de sectores el ángulo correspondiente es de:
  - a)  $45^\circ$
  - b)  $30^\circ$
  - c)  $60^\circ$
  - d)  $72^\circ$
5. En un diagrama de rectángulos de frecuencias relativas, la suma de sus alturas es igual a:
  - a) 100
  - b) 1
  - c) Total de datos
  - d) Suma de sus bases
6. La media de los siguientes datos 7; 0; 9,5; 2; 4,1; 3,8, es:
  - a) 6,3
  - b) 3,8
  - c) 4,4
  - d) 5,5
7. La mediana de los siguientes datos 3, 4, 6, 7, 8, es:
  - a) 6
  - b) 7
  - c) 4
  - d) 5
8. La moda de los siguientes datos 3, 4, 6, 7, 5, 8, 7, 7, es:
  - a) 6
  - b) 7
  - c) 4
  - d) 5
9. Se tira un dado. ¿Cuál es la probabilidad de que no sea un 2?
  - a)  $3/4$
  - b)  $1/6$
  - c)  $2/6$
  - d)  $5/6$
10. Queremos saber los deportes que hacen los escolares de un cierto centro. Pasamos una encuesta a 20 de 2º A. Indica en este caso quién la población y quien una muestra:
  - a) Estudiantes de España y estudiantes de ese centro
  - b) Estudiantes de ese centro y estudiantes de 2º A
  - c) Estudiantes de ese centro y los 20 estudiantes de 2º A
  - d) Estudiantes de 2º A y los 20 estudiantes elegidos de 2º A

